

Чернівецький національний університет  
імені Юрія Фед'ковича  
Chernivtsi Yuri Fed'kovych National University

**IV МІЖНАРОДНА  
ГАНСЬКА КОНФЕРЕНЦІЯ,**  
*присвячена 135 річниці  
від дня народження Ганса Гана*



**IV INTERNATIONAL HAHN CONFERENCE**  
*dedicated to the 135-th anniversary of Hans Hahn*

30 червня – 5 липня, 2014, Чернівці, Україна  
June 30 – July 5, 2014, Chernivtsi, Ukraine

**IV міжнародна ганська конференція, присвячена 135 річниці від дня народження Ганса Гана. Тези доповідей.** – Чернівецький національний університет, 2014. – 268 с.

**Програмний комітет:**

Самойленко А.М. (голова)

Горбачук М.Л. (заступник)

Плічко А.М. (заступник)

Бабенко В.

Вернер Д.

Городецький В.

Григорчук Р.

Дороговцев А.

Дорош А.

Загороднюк А.

Зарічний М.

Зелінський Ю.

Кадець В.

Кисляков С.

Кондратюк А.

Кореновський А.

Кусраев А.

Лопушанський О.

Маслюченко В.

Мартін М.

Матійчук М.

Мері Х.

Орлов І.

Острівський М.

Оя Е.

Перестюк М.

Петришин Р.

Петрушел А.

Попов М.

Прикарпатський А.

П'ятровський З.

Рандріантоаніна Б.

Романюк А.

Семенов Є.

Скасків О.

Трохимчук Ю.

Фаворов С.

Фонф В.

Черевко І.

Шевчук І.

**Організаційний комітет:**

Маслюченко В.К. (голова)

Петришин Р.І. (голова)

Михайлюк В.В. (заступник)

Попов М.М. (заступник)

Черевко І.М. (заступник)

Волошин Г.А.

Звоздецький Т.І.

Карлова О.О.

Конаровський В.В.

Клевчук І.І.

Косован В.М.

Лінчук С.С.

Лінчук Ю.С.

Маслюченко О.В.

Мироник О.Д.

Нестеренко В.В.

Онипа Д.П.

Ровенко Н.М.

Собчук О.В.

Філіпчук О.І.

Фотій О.Г.

**Зміст**

Антонова Т.М., Сусь О.М. . . . .	8
Бедратюк Л.П., Бедратюк Г.І. . . . .	8
Блажевський С.Г. . . . .	9
Бойцова І.А. . . . .	10
Брязкало Т. А., Назаренко М.О. . . . .	13
Буртняк І.В., Малицька Г.П. . . . .	14
Василишин Т.В., Загороднюк А.В. . . . .	15
Войтович В. А., Сердюк А.С. . . . .	16
Волошин Г.А., Маслюченко В.К. . . . .	17
Волошин Г.А., Маслюченко В.К. . . . .	20
Волянська І.І., Ільків В.С. . . . .	23
Гембарська С.Б. . . . .	25
Гентош О.Є. . . . .	26
Герич М.М. . . . .	27
Гіцак Т. І. . . . .	29
Гладун В.Р., Матулка К.В. . . . .	30
Гнатюк В.О., Гудима У.В. . . . .	31
Голуб А.П. . . . .	32
Горбатенко М.Ю. . . . .	33
Горбачук В.М. . . . .	35
Горбачук М.Л. . . . .	37
Горбонос С.О. . . . .	37
Городецький В. В., Мартинюк О. В. . . . .	39
Грабова У.З. . . . .	41
Гричка І. А., Звоздецький Т. І. . . . .	42
Громик А.П., Конет І.М. . . . .	45
Грушка Я.І. . . . .	46
Дем'яненко А.Г. . . . .	47
Дерев'янко Н.В. . . . .	50
Дільний В.М. . . . .	51
Дмитришин М. . . . .	52
Дорош А.Б. . . . .	53
Замрій І.В., Працьовитий М. В. . . . .	54
Зелинський Ю.Б. . . . .	55
Зелінський Ю.Б., Сафонова О.В. . . . .	56

---

Зернов О.Є., Кузіна Ю.В.	58
Зікраба Д.Ю., Скасків О.Б.	58
Іванчов М.І.	59
Івасишен С.Д., Мединський І.П.	60
Івасишен С.Д., Пасічник Г.С.	62
Іліка С.А., Матвій О.В., Піддубна Л.А., Черевко І.М.	63
Ільків В.С., Страп Н.І.	65
Ісарюк І.М.	67
Капустян О.В., Русіна А.В.	68
Карвацький Д. М.	69
Карлова О.О.	70
Карлова О.О., Михайлук В.В., Собчук О.В.	71
Карупу О. В.	72
Кичмаренко О.Д., Карпичева М.Л.	73
Клевчук І.І.	75
Кліщук Б.А.	76
Ковалська І.Б.	77
Козаченко Ю.В., Млавець Ю.Ю.	79
Козаченко Ю.В., Сливка-Тилищак Г.І.	80
Комарницький А.Л., Колмакова Л.Н.	82
Конограй А.Ф.	83
Король І.І.	85
Король Ю.Ю.	86
Косован В.М.	87
Костишин Л.П., Бігун Я.Й.	90
Краснокутська І.В., Бігун Я.Й.	92
Кулявець Л.В., Шеремета М.М.	93
Лінчук С.С.	94
Лінчук Ю.С.	96
Лопушанський А.А., Лопушанська Г.П.	98
Луз М.М., Моклячук М.П.	99
Любарщук Є.А.	101
Мазуренко В.В.	104
Маслюченко В.К.	105
Маслюченко В.К., Мельник В.С.	110
Маслюченко В.К., Томашук Н.	113

Маслюченко В.К., Фотій О.Г.	115
Маслюченко О.В.	117
Маслюченко О.В., Онипа Д.П.	118
Матвіїшин Я. О.	120
Матійчук М.І.	122
Мацак І.К.	124
Маценко В.Г.	125
Мельничук Л.М.	127
Меремеля І.Ю., Савчук В.В.	128
Мироник В.І., Тупкало І.С.	129
Мироник О.Д.	131
Миронюк В.В.	132
Михайлук В.В.	134
Мусієнко А.П.	135
Назаренко Н.А., Карась А.О.	136
Назаренко М.О., Темченко Є.Л.	138
Назієв А. Х.	140
Назієв А. Х.	142
Назієв А. Х.	145
Нестеренко В.В.	146
Оліяр. Ю. І., Сторож О. Г.	147
Осипова О.В.	149
Паньков А.В.	151
Патра М.І.	152
Пелех Р.Я.	152
Пелех Я.М.	153
Пелешенко Б.И., Семиренко Т.Н.	154
Перун Г.М.	158
Петрик М., Шинкарик М., Фресар Ж., Петрик О.	160
Петришин Р.І.	162
Пилишук Т.М.	163
Працьовитий М.В., Василенко Н. А.	165
Працьовитий М.В., Ісаєва Т.М.	166
Працьовитий М.В., Хворостіна Ю.В.	168
Пукальський І.Д.	169
Ровенко Н.	170

При цьому покладемо  $L^{\bar{\psi}} S_p = L_p^{\bar{\psi}}$  ( $1 < p < \infty$ ). Отримаємо точні порядкові оцінки верхніх граней відхилень  $\delta_n(f; x)$  у випадку, коли  $f(\cdot) - \bar{\psi}$  – інтеграл деякої функції  $g \in L$  і тому

$$\begin{aligned} S[\delta_n(f; x; U_n^{\varphi, \sigma})] &= \sum_{k=1}^{n-1} \frac{\varphi(k)}{\varphi(n)} \sigma\left(\frac{k}{n}\right) (a_k(f) \cos kx + b_k(f) \sin kx) + \\ &+ \sum_{k=n}^{\infty} a_k(f) \cos kx + b_k \sin kx. \end{aligned}$$

Означимо функції  $\mu_k$  і  $\tilde{\mu}_k$  наступним чином:

$$\mu_k = \begin{cases} \frac{\varphi(k)}{\varphi(n)} \frac{\psi_1(k)}{\psi^2(k)} \sigma\left(\frac{k}{n}\right), & 0 \leq k < n, \\ \frac{\psi_1(k)}{\psi^2(k)}, & k \geq n \end{cases}, \quad \tilde{\mu}_k = \begin{cases} \frac{\varphi(k)}{\varphi(n)} \frac{\psi_2(k)}{\psi^2(k)} \sigma\left(\frac{k}{n}\right), & 0 \leq k < n, \\ \frac{\psi_2(k)}{\psi^2(k)}, & k \geq n. \end{cases}$$

Через  $P$  позначимо множину пар  $(\psi_1, \psi_2)$ , для яких справедливі співвідношення:

$$\begin{aligned} 1) \sup_k |\mu_k| &\leq A\nu(n); \\ 2) \sup_{m \in N} \sum_{k=2^m}^{2^{m+1}} |\mu_{k+1} - \mu_k| &\leq A\nu(n); \end{aligned}$$

де

$$\begin{aligned} \nu(n) &= \max \left\{ \sup \left| \frac{1}{\varphi(n)} \right| \left| \varphi(k) \frac{\psi_1(k)}{\psi^2(k)} \sigma\left(\frac{k}{n}\right) \right|; \right. \\ &\left. \sup \left| \frac{1}{\varphi(n)} \right| \left| \varphi(k) \frac{\psi_2(k)}{\psi^2(k)} \sigma\left(\frac{k}{n}\right) \right|; \sup | \bar{\psi}(k) | \right\} < \infty, A = \text{const}. \end{aligned}$$

Ці співвідношення повинні виконуватися і для  $\tilde{\mu}_k$ . В прийнятих позначеннях справедливе наступне твердження:

**Теорема.** Нехай  $1 < s \leq p < \infty$ ,  $(\psi_1, \psi_2) \in P$ . Тоді знайдуться сталі  $C_{p,s}^{(1)}$  і  $C_{p,s}^{(2)}$  для яких при всіх  $n \in N$  виконуються нерівності

$$C_{p,s}^{(2)} \nu(n) \leq \mathcal{E}_n(L_p^{\bar{\psi}}) \leq C_{p,s}^{(1)} \nu(n)$$

при цьому  $C_{p,s}^{(1)}$  і  $C_{p,s}^{(2)}$  – сталі, залежні тільки від  $p$  і  $s$ .

e-mail: ir-kov@ukr.net

ПРО ОЦІНКУ РОЗПОДІЛІВ НОРМ В  $L_p(T)$  ВИПАДКОВИХ ПРОЦЕСІВ  
ІЗ ПРОСТОРІВ  $\mathbf{F}_\psi(\Omega)$

Козаченко Ю.В., Млавець Ю.Ю.

КНУ імені Тараса Шевченка, Київ, Україна  
ДВНЗ "УжНУ", Ужгород, Україна

**Означення 1.** [1] Нехай  $\psi(u) > 0$ ,  $u \geq 1$  – монотонно зростаюча неперервна функція, така що  $\psi(u) \rightarrow \infty$  при  $u \rightarrow \infty$ . Випадкова величина  $\xi$  належить простору  $\mathbf{F}_\psi(\Omega)$ , якщо виконується умова

$$\sup_{u \geq 1} \frac{(E|\xi|^u)^{1/u}}{\psi(u)} < \infty.$$

Доведено [2], що  $\mathbf{F}_\psi(\Omega)$  є простором Банаха з нормою  $\|\xi\|_\psi = \sup_{u \geq 1} \frac{(E|\xi|^u)^{1/u}}{\psi(u)}$ .

**Теорема 2.** Нехай  $\nu$  –  $\sigma$ -скінчнена міра в компактному метричному просторі  $(T, \rho)$ ,  $X = \{X(t), t \in T\}$  – випадковий, вимірний процес із простору  $\mathbf{F}_\psi(\Omega)$ . Для деякого  $p \geq 1$  виконується умова

$$\int_T \|X(t)\|_\psi^p d\nu(t) < \infty.$$

Тоді:

1) з імовірністю одиниця існує інтеграл  $\int_T |X(t)|^p d\nu(t)$  та має місце нерівність:

$$\left\| \left( \int_T |X(t)|^p d\nu(t) \right)^{1/p} \right\|_\psi \leq \frac{\psi(p)}{\psi(1)} \left( \int_T \|X(t)\|_\psi^p d\nu(t) \right)^{1/p};$$

2) для будь-якого  $\varepsilon > 0$  справедлива нерівність:

$$P \left\{ \left( \int_T |X(t)|^p d\nu(t) \right)^{1/p} > \varepsilon \right\} \leq \inf_{u \geq 1} \frac{\left( \frac{\psi(p)}{\psi(1)} \right)^u \left( \int_T \|X(t)\|_\psi^p d\nu(t) \right)^{u/p} (\psi(u))^u}{\varepsilon^u}.$$

- [1] Ю. В. Козаченко, Ю. Ю. Млавець *Простори Банаха випадкових величин  $F_\psi(\Omega)$* , Теорія ймовірностей та математична статистика, 86 (2012), 92–107.  
[2] С.В. Ермаков, Е.И. Островский Условия непрерывности, экспоненциальные оценки и центральная предельная теорема для случайных полей, Деп. в ВИНТИИ. 3752-В.86.0. (1986), 42.

e-mail: yura-mlavec@ukr.net

**ВЛАСТИВОСТІ РОЗВ'ЯЗКУ ЗАДАЧІ КОШІ ДЛЯ РІВНЯННЯ ТЕПЛОПРОВІДНОСТІ НА ПРЯМІЙ З ВИПАДКОВОЮ ПРАВОЮ ЧАСТИНОЮ**

**Козаченко Ю.В., Сливка-Тилищак Г.І.**

Київський національний університет ім. Тараса Шевченка, Київ,  
Україна

Розглянемо неоднорідне рівняння тепlopровідності, яке задане на прямій [1]:

$$\frac{\partial u(x, t)}{\partial t} = a^2 \frac{\partial^2 u(x, t)}{\partial x^2} + \xi(x, t), \quad -\infty < x < +\infty, \quad t > 0, \quad (1)$$

$$u(x, 0) = 0, \quad -\infty < x < +\infty. \quad (2)$$

Нехай  $\xi(x, t) = \{\xi(x, t), x \in R, t > 0\}$  — вибірково-неперервне з імовірністю одиниця випадкове поле з простору  $Sub_\varphi(\Omega)$ , таке

що  $E\xi(x, t) = 0$ ,  $E(\xi(x, t))^2 < +\infty$ .  $B(x, t, z, s) = E\xi(x, t)\xi(y, s)$ . Розв'язок задачі записується у вигляді

$$u(x, t) = \int_{-\infty}^{+\infty} \cos(yx) G(y, t) dy, \quad (3)$$

де

$$G(y, t) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \int_0^t e^{-a^2 y^2(t-\tau)} \tilde{\xi}(y, \tau) d\tau, \quad \tilde{\xi}(y, \tau) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \int_{-\infty}^{+\infty} \cos(yx) \xi(x, \tau) dx.$$

**Теорема 1.** Нехай  $\xi(x, t)$  — вибірково-неперервне випадкове поле з простору  $SSub_\varphi(\Omega)$ , де  $\varphi(x)$  — така функція, що  $\varphi(x) = \frac{|x|^p}{p}$  при  $|x| > 1$ ,  $p > 1$ , із заданою коваріаційною функцією  $B(x, t, v, s)$ . Нехай виконуються умови:

1) для всіх  $t > 0$ ,  $s > 0$  існують похідні  $\frac{\partial^k B(x, t, v, s)}{\partial x^l \partial v^m}$ ,  $k = 0, \dots, 4$ ,  $l + m = k$ ;

2) для всіх  $t > 0$ ,  $s > 0$

$$\int_{-\infty}^{+\infty} \int_{-\infty}^{+\infty} \left| \frac{\partial^k B(x, t, v, s)}{\partial x^l \partial v^m} \right| dx dv \leq B(k, l, m) < \infty, \quad k = 0, \dots, 4, \quad l + m = k;$$

3) для всіх  $t > 0$ ,  $s > 0$

$$\frac{\partial^k B(x, t, v, s)}{\partial x^l \partial v^m} \rightarrow 0, \quad k = 0, \dots, 4, \quad l + m = k, \quad \text{при } x \rightarrow \infty \text{ або } v \rightarrow \infty;$$

4) для деяких  $\Theta > 0$ ,  $\Theta_1 > 0$ ,  $\Theta_2 > 0$

$$\int_{-\infty}^{+\infty} \left( E |\xi(x, \tau)|^2 \right)^{\frac{1}{2}} dx < \Theta, \quad \int_{-\infty}^{+\infty} \left( E \left| \frac{\partial \xi(x, \tau)}{\partial x} \right|^2 \right)^{\frac{1}{2}} dx \leq \Theta_1;$$

$$\int_{-\infty}^{+\infty} \left( E \left| \frac{\partial^2 \xi(x, \tau)}{\partial x^2} \right|^2 \right)^{\frac{1}{2}} dx \leq \Theta_2.$$

Тоді функція  $u(x, t)$ , що зображенна у вигляді (3) буде класичним розв'язком задачі (1)–(2).

В роботі також отримано оцінки для розподілу супремуму розв'язку даної задачі на компактному просторі і на нескінченості.