

МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ
ДВНЗ «УЖГОРОДСЬКИЙ НАЦІОНАЛЬНИЙ УНІВЕРСИТЕТ»
Математичний факультет
Кафедра кібернетики і прикладної математики

ВИКОРИСТАННЯ ДЕЯКИХ ФІНАНСОВИХ ФУНКЦІЙ
У ЕЛЕКТРОННИХ ТАБЛИЦЯХ MICROSOFT EXCEL

Методичні рекомендації до вивчення курсу «Фінансовий аналіз»

УЖГОРОД – 2014

Використання деяких фінансових функцій у електронних таблицях Microsoft Excel: методичні рекомендації до вивчення курсу «Фінансовий аналіз» для студентів математичного факультету УжНУ / Розробники: М.М. Повідайчик, М.М. Шаркаді, П.П. Мулеса. – Ужгород: УжНУ, 2014. – 51 с.

У методичній розробці приведено робочу програму курсу «Фінансовий аналіз» та приклади використання деяких фінансових функцій у електронних таблицях Microsoft Excel (БЗРАСПИС, БС, ВСД, КПЕР, МВСД, НОМИНАЛ, ОБЩДОХОД, ОБЩПЛАТ, ОСПЛТ, ПЛТ, ПРПЛТ, ПС, СТАВКА, ЧИСТВНДОХ, ЧИСТНЗ, ЧПС, ЭФФЕКТ). Розглянуті приклади можуть бути використані студентами для самопідготовки до лабораторних робіт.

Розробники:

- Повідайчик М.М., к.е.н., доцент кафедри кібернетики і прикладної математики математичного факультету УжНУ;
- Шаркаді М.М., к.е.н., викладач кафедри кібернетики і прикладної математики математичного факультету УжНУ;
- Мулеса П.П., ст. викладач кафедри кібернетики і прикладної математики математичного факультету УжНУ.

Рецензенти:

- Ніколенко В.В., к.ф.-м.н., доцент кафедри кібернетики і прикладної математики математичного факультету УжНУ;
- Мулеса О.Ю., к.т.н., доцент кафедри кібернетики і прикладної математики математичного факультету УжНУ.

Відповідальний за випуск:

- Гече Ф.Е., д.т.н., завідувач кафедри кібернетики і прикладної математики математичного факультету УжНУ.

Рекомендовано кафедрою кібернетики і прикладної математики.

Протокол № 4 від 13 листопада 2014 року.

Рекомендовано Вченою радою математичного факультету.

Протокол № 4 від 20 листопада 2014 року.

ЗМІСТ

I. Робоча програма навчальної дисципліни «Фінансовий аналіз»	4
1. Опис навчальної дисципліни	4
2. Мета та завдання навчальної дисципліни	5
3. Програма навчальної дисципліни	5
4. Структура навчальної дисципліни	9
5. Теми лабораторних занять	11
6. Самостійна робота	12
7. Методи навчання	12
8. Методи контролю	13
9. Розподіл балів, що присвоюється студентам	13
10. Критерій оцінювання з дисципліни	14
11. Методичне забезпечення	15
12. Приклади завдань для модульних контрольних робіт	16
13. Орієнтований перелік питань, які виносяться на екзамен	20
14. Рекомендована література	23
15. Інформаційні ресурси	24
II. Використання деяких фінансових функцій у електронних таблицях	
Microsoft Excel	25
1. Визначення основних термінів	25
2. Функції БС, ПС, СТАВКА, КПЕР та ПЛТ	26
3. Функції ЭФФЕКТ та НОМИНАЛ	38
4. Функції ПРПЛТ, ОБЩПЛАТ, ОСПЛТ та ОБЩДОХОД	40
5. Функції БЗРАСПИС, ЧПС, ЧИСТНЗ, ВСД, МВСД та ЧИСТВНДОХ	44

І. РОБОЧА ПРОГРАМА НАВЧАЛЬНОЇ ДИСЦИПЛІНИ

«ФІНАНСОВИЙ АНАЛІЗ»

1. Опис навчальної дисципліни.

Найменування показників	Галузь знань, напрям підготовки, освітньо-кваліфікаційний рівень	Характеристика навчальної дисципліни	
		денна форма навчання	заочна форма навчання
Кількість кредитів – 5	Галузь знань <u>0402 – фіз.-мат. науки</u> (шифр і назва)	Нормативна (за вибором)	
	Напрямок підготовки <u>6.040201 – математика</u> (шифр і назва)		
Модулів – 1	Спеціальність: _____	Рік підготовки	
Змістових модулів – 2		3-й	4-й
Індивідуальне науково-дослідне завдання _____ (назва)		Семестр	
Загальна кількість годин – 180		5-й	7-й
		Лекції	
Тижневих годин для денної форми навчання: аудиторних – 4 самостійної роботи студента – 6	Освітньо-кваліфікаційний рівень: <u>бакалавр</u>	46 год.	26 год.
		Практичні, семінарські	
		год.	год.
		Лабораторні	
		44 год.	10 год.
		Самостійна робота	
		90 год.	144 год.
		Індивідуальні завдання:	
		год.	
		Вид контролю:	
екзамен	екзамен		

Примітка.

Співвідношення кількості годин аудиторних занять до самостійної і індивідуальної роботи становить (%):

для денної форми навчання – 100%, для заочної форми навчання – 25%.

2. Мета та завдання навчальної дисципліни.

Мета вивчення дисципліни «Фінансовий аналіз» – опанувати теоретичні знання та набути практичних навичок з основних розділів фінансового аналізу: фінансові розрахунки в умовах визначеності та основи стохастичної фінансової математики, які широко використовуються у вирішенні практичних задач та підтримуються програмним забезпеченням сучасних ЕОМ.

Завдання дисципліни «Фінансовий аналіз»: ознайомлення з основними поняттями, результатами і методами досліджень у вказаних розділах фінансового аналізу; формування навичок застосування зазначеного фінансово-математичного апарату для розв'язання практичних завдань.

У результаті вивчення навчальної дисципліни студент повинен

- знати: методи обчислення характеристик потоків платежів, кредитних розрахунків, оцінки інвестиційних проектів, фінансових розрахунків на ринку цінних паперів, а також теорію оптимального портфеля, теоретико-ймовірнісні методи оцінки фінансових ризиків;
- вміти: виводити основні співвідношення та розв'язувати прикладні задачі.

3. Програма навчальної дисципліни.

Модуль 1.

Змістовий модуль 1. Фінансові розрахунки в умовах визначеності.

Тема 1. Нарощення і дисконтування грошових сум.

Прості і складні відсотки. Порівняння сили росту простих і складних відсотків. Мультиплікативні і дисконтні множники. Утримання простих і складних відсотків. Еквівалентність в часі грошових сум. Математичне дисконтування. Номінальна і ефективна процентні ставки. Безперервне нарощення і дисконтування. Вплив інфляції на ставку відсотка.

Тема 2. Потоки платежів, рента.

Потоки платежів. Скінченна річна рента. Визначення параметрів річної ренти. Загальна рента (платежі та нарахування відсотків кілька разів у році). «Вічна» річна рента. Об'єднання і заміна рент. Дюрація потоків платежів.

Тема 3. Кредитні розрахунки.

Погашення позики одним кінцевим платежем. Погашення основного боргу одним кінцевим платежем. Погашення основного боргу рівними річними виплатами. Погашення позики рівними річними виплатами. Погашення позики рівними виплатами кілька разів на рік. Загальний метод погашення позики. Формування фонду погашення за вищими відсотками. Споживчий кредит і його погашення. Пільгові кредити. Погашення традиційної іпотечної позики. Заміна однієї позики іншою. Об'єднання позик. Надання в кредит активів.

Тема 4. Аналіз інвестиційних процесів.

Приклад детального аналізу інвестиційного проекту. Загальні поняття і означення. Розрахунок характеристик скінченного проекту з початковими інвестиціями і постійними доходами. Розрахунок характеристик нескінченного проекту з початковими інвестиціями. Визначення величини інвестицій. Розрахунок річного доходу для заданої внутрішньої норми рентабельності проекту. Залежність характеристик процесу від ставки відсотка. Порівняння інвестиційних проектів. Визначення розміру плати за оренду обладнання. Визначення норми рентабельності від задачі устаткування в оренду.

Тема 5. Загальне поняття дохідності фінансових операцій.

Різні види дохідності операцій. Поточна і повна дохідність. Потік платежів і його дохідність. Інші види дохідності. Миттєва дохідність. Ефективна і еквівалентна ставки відсотка.

Тема 6. Характеристики фінансових інструментів.

Загальні відомості про фінансові інструменти. Курс і дохідність облігації без погашення з періодичною виплатою купонних відсотків. Курс і дохідність безкупонної облігації з погашенням за номіналом. Курс і дохідність безкупонної облігації з виплатою купонних відсотків при погашенні. Курс і

дохідність облігації з періодичною виплатою відсотків і погашенням. Залежність ціни (курсу) облігації від ставки відсотка. Ціна вічної акції (дохід – тільки дивіденди). Банківські депозитні сертифікати. Арбітраж та характеристики фінансових інструментів.

Тема 7. Система переваги індивіда і врахування її при проведенні фінансових операцій.

Система переваг індивіда. Тимчасова цінність грошей для індивіда. Корисність грошей.

Тема 8. Моделі торгів.

Аукціонні торги: дві особи і два об'єкти. Загальний опис. Максимізація різниці доходів. Максимізація власного доходу. Одночасні торги. Торги, в яких число осіб велике або невідоме.

Модуль 2.

Змістовий модуль 1. Основи стохастичної фінансової математики.

Тема 1. Зміна розрахункових схем в умовах невизначеності.

Плаваюча відсоткова ставка. Випадкові потоки платежів. Ризикові інвестиційні процеси. Підрахунок дохідності імовірнісних операцій в умовах невизначеності. Загальне поняття детермінованого еквівалента фінансового показника.

Тема 2. Класична схема оцінки фінансових операцій в умовах невизначеності.

Визначення і сутність ризику. Матриці наслідків та ризиків. Аналіз пов'язаної групи рішень в умовах повної невизначеності. Аналіз пов'язаної групи рішень в умовах часткової невизначеності. Оптимальність за Парето. Правило Лапласа.

Тема 3. Характеристики імовірнісних фінансових операцій.

Кількісна оцінка ризику. Ризик окремої операції. Деякі загальні вимірювачі ризику. Ризик розорення. Показники ризику у вигляді відношення. Кредитний ризик. Депозитний ризик

Тема 4. Загальні методи зменшення ризиків.

Диверсифікація. Хеджування. Страхування. Якісне управління ризиками. Форвардна і ф'ючерсна торгівля.

Тема 5. Моделі ціноутворення активів.

Найпростіша біноміальна модель. Біноміальна модель Кокса-Росса-Рубінштейна. Загальна експонентна біноміальна модель. Фундаментальний і технічний аналіз цін.

Тема 6. Швидке зростання капіталу.

Постановка завдання про зростання капіталу. Зростання капіталу при постійній частці контрактів. Безмежно подільні та безкоштовні рулетки і цінні папери. Стратегія управління капіталом.

Тема 7. Опціони і ціноутворення опціонів.

Опціони. Визначення вартості опціону на момент виконання. Ціноутворення опціонів на основі біноміальної моделі. Інші підходи до ціноутворення опціонів. Створення за допомогою опціонів безризикових портфель.

Тема 8. Оптимальний портфель цінних паперів.

Постановка завдання про оптимальний портфель. Диверсифікація портфеля. Портфель Марковіца мінімального ризику. Портфель Тобіна мінімального ризику. Портфель Марковіца і Тобіна максимальної ефективності.

Тема 9. Формування оптимального портфеля за допомогою провідного чинника фінансового ринку паперів.

Прямий статистичний підхід. Вплив провідного чинника на складові фінансового ринку. Ефективність ринку як провідний чинник. Ефективність ринку, ефективність цінного паперу. Інші провідні чинники ринку.

Тема 10. Фінансовий ринок і його моделі.

Угоди про фінансовий ринок. Ефективний ринок. Модель САРМ (Capital Asset Pricing Model – модель ціноутворення капітальних активів). Модель АРТ (Arbitrage Pricing Theory – арбітражна модель ціноутворення). Ідеальний фінансовий ринок. Інвестори на ідеальному фінансовому ринку.

4. Структура навчальної дисципліни.

Назви змістових модулів і тем	Кількість годин											
	Денна форма						Заочна форма					
	Усього	У тому числі					Усього	у тому числі				
		лек.	пр.	лаб.	інд. р.	сам. р.		лек.	пр.	лаб.	інд. р.	сам. р.
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13
Модуль 1												
Змістовий модуль 1. Фінансові розрахунки в умовах визначеності												
Тема 1. Нарощення і дисконтування грошових сум	10	4		2		4	9	2		1		6
Тема 2. Потоки платежів, рента	12	4		4		4	11	2		1		8
Тема 3. Кредитні розрахунки	14	4		4		6	12	2		1		9
Тема 4. Аналіз інвестиційних процесів	10	4		2		4	11	2		1		8
Тема 5. Загальне поняття дохідності фінансових операцій	10	2		2		6	10	1		1		8
Тема 6. Характеристики фінансових інструментів	10	2		2		6	10	1		1		8
Тема 7. Система переваги індивіда і врахування її при проведенні фінансових операцій	10	2		2		6	10	1				9
Тема 8. Моделі торгів	10	2		2		6	10	1				9

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13
Модульна робота 1	2			2								
Разом за модулем 1	88	24		22		42	83	12		6		66
Модуль 2												
Змістовий модуль 1. Основи стохастичної фінансової математики												
Тема 1. Зміна розрахункових схем в умовах невизначеності	9	4		2		3	12	2		1		9
Тема 2. Класична схема оцінки фінансових операцій в умовах невизначеності	9	2		2		5	11	2		1		8
Тема 3. Характеристики імовірнісних фінансових операцій	9	2		2		5	11	2		1		8
Тема 4. Загальні методи зменшення ризиків	9	2		2		5	11	2		1		8
Тема 5. Моделі ціноутворення активів	9	2		2		5	10	1				9
Тема 6. Швидке зростання капіталу	9	2		2		5	10	1				9
Тема 7. Опціони і ціноутворення опціонів	9	2		2		5	8	1				7
Тема 8. Оптимальний портфель цінних паперів	9	2		2		5	8	1				7

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13
Тема 9. Формування оптимального портфеля за допомогою провідного чинника фінансового ринку паперів	9	2		2		5	8	1				7
Тема 10. Фінансовий ринок і його моделі	9	2		2		5	8	1				7
Модульна робота 2	2			2								
Разом за модулем 2	92	22		22		48	97	14		4		79
Усього годин	180	46		44		90	180	26		10		144

5. Теми лабораторних занять.

№ з/п	Назва теми	Кількість годин
1.	Нарощення і дисконтування грошових сум	2
2.	Потоки платежів, рента	4
3.	Кредитні розрахунки	4
4.	Аналіз інвестиційних процесів	2
5.	Загальне поняття дохідності фінансових операцій	2
6.	Характеристики фінансових інструментів	2
7.	Система переваги індивіда і врахування її при проведенні фінансових операцій	2
8.	Моделі торгів	2
9.	Модульна робота 1	2
10.	Зміна розрахункових схем в умовах невизначеності	2
11.	Класична схема оцінки фінансових операцій в умовах невизначеності	2
12.	Характеристики імовірнісних фінансових операцій	2
13.	Загальні методи зменшення ризиків	2
14.	Моделі ціноутворення активів	2
15.	Швидке зростання капіталу	2

16.	Опціони і ціноутворення опціонів	2
17.	Оптимальний портфель цінних паперів	2
18.	Формування оптимального портфеля за допомогою провідного чинника фінансового ринку паперів	2
19.	Фінансовий ринок і його моделі	2
20.	Модульна робота 2	2
21.	Разом	44

6. Самостійна робота.

№ з/п	Назва теми	Кількість годин
1.	Нарощення і дисконтування грошових сум	4
2.	Потоки платежів, рента	4
3.	Кредитні розрахунки	6
4.	Аналіз інвестиційних процесів	4
5.	Загальне поняття дохідності фінансових операцій	6
6.	Характеристики фінансових інструментів	6
7.	Система переваги індивіда і врахування її при проведенні фінансових операцій	6
8.	Моделі торгів	6
9.	Зміна розрахункових схем в умовах невизначеності	3
10.	Класична схема оцінки фінансових операцій в умовах невизначеності	5
11.	Характеристики імовірнісних фінансових операцій	5
12.	Загальні методи зменшення ризиків	5
13.	Моделі ціноутворення активів	5
14.	Швидке зростання капіталу	5
15.	Опціони і ціноутворення опціонів	5
16.	Оптимальний портфель цінних паперів	5
17.	Формування оптимального портфеля за допомогою провідного чинника фінансового ринку паперів	5
18.	Фінансовий ринок і його моделі	5
	Разом	90

7. Методи навчання.

Видами навчальних занять згідно з навчальним планом є: а) лекції, б) лабораторні заняття, в) самостійна робота студентів, г) індивідуальна робота.

8. Методи контролю.

Поточний контроль – фронтальне опитування, виконання лабораторних завдань. Модульний контроль – виконання комплексних контрольних робіт та тестових завдань. Підсумковий контроль – екзаменаційні білети, виконання тестових і практичних завдань.

Оцінка успішності студента є рейтинговою і виставляється за стобальною шкалою з урахуванням оцінок засвоєння окремих модулів.

9. Розподіл балів, які отримують студенти.

Поточне тестування та самостійна робота								Підсумковий тест (екзамен)	Сума
Модуль №1								20	100
Змістовий модуль №1									
T 1	T 2	T 3	T 4	T 5	T 6	T 7	T 8		
5	5	5	5	5	5	5	5		
Модуль №2									
Змістовий модуль №1									
T 1	T 2	T 3	T 4	T 5	T 6	T 7	T 8	T 9	T 10
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4

Шкала оцінювання: національна та ECTS

Сума балів за всі види навчальної діяльності	Оцінка ECTS	Оцінка за національною шкалою	
		для екзамену, курсового проекту (роботи), практики	для заліку
90 – 100	A	відмінно	зараховано
82-89	B	добре	
74-81	C		
64-73	D	задовільно	
60-63	E		
35-59	FX	незадовільно з можливістю повторного складання	не зараховано з можливістю повторного складання
1-34	F	незадовільно з обов'язковим повторним вивченням дисципліни	не зараховано з обов'язковим повторним вивченням дисципліни

10. Критерій оцінювання з дисципліни.

“Відмінно” (90 та вище балів) заслуговує студент, який виявив всебічне і глибоке знання програмового матеріалу, вміння вільно виконувати завдання, передбачені програмою, засвоїв основну і ознайомився з додатковою літературою, розуміє взаємозв’язок головних понять дисципліни та їх значення для майбутньої професії.

“Добре” (82-89 балів) заслуговує студент, який виявив повне знання програмного матеріалу, успішно виконує передбачені програмою завдання, засвоїв основну літературу рекомендовану програмою, виявив систематичний характер знань з дисциплін і здатний до самостійного доповнення, але під час відповіді допустив деякі неточності.

“Добре” (74-81 балів) заслуговує студент, що виявив не цілком повне знання програмного матеріалу, не завжди успішно виконує передбачені програмою завдання, частково засвоїв основну літературу, рекомендовану програмою, виявив не систематичний характер знань з дисциплін і не завжди здатний до їх самостійного доповнення і під час відповіді допускає деякі неточності.

“Задовільно” (64-73 балів) заслуговує студент, що виявив знання основного програмного матеріалу в обсязі, необхідному для подальшого навчання та майбутньої роботи за професією, вміє виконувати завдання, передбачені програмою, знайомий з основною рекомендованою літературою. Як правило, оцінка “задовільно” виставляється студентам, які допустили помилки у відповіді на екзамені та при виконанні екзаменаційних завдань, але володіють необхідними знаннями для їх усунення за допомогою викладача.

“Задовільно” (60-63 балів) заслуговує студент, що виявив часткове знання основного програмового матеріалу в обсязі, необхідному для подальшого навчання та майбутньої роботи за професією, не завжди вміє виконувати завдання, передбачені програмою, знайомий лише частково з основною рекомендованою літературою. Як правило, оцінка “достатньо” виставляється студентам, які допустили грубі помилки у відповіді на екзамені та при

виконанні екзаменаційних завдань, але частково володіють необхідними знаннями для їх усунення за допомогою викладача.

“Незадовільно з можливістю повторного складання” (35-59 балів) виставляється студенту, який виявив суттєві прогалини в знаннях основного програмового матеріалу, допустив принципові помилки у виконанні передбачених програмою завдань.

“Незадовільно з обов’язковим повторним вивченням дисципліни” (1-34 балів) виставляється студенту, який на екзамені та протягом семестру допустив грубі помилки у виконанні передбачених програмою завдань.

При виставленні оцінки можуть враховуватися результати навчальної роботи студента протягом семестру.

Протягом семестру проводиться не менше двох модулів, колоквиумів, контрольних робіт або інших видів контролю. Максимальна кількість балів, яка встановлюється для цих видів контролю, а також відповідність оцінок FX та F у шкалі ECTS, у балах та національній шкалі визначається Вченими радами факультетів або кафедрами, які забезпечують викладання відповідних дисциплін.

11. Методичне забезпечення.

1. Волошин О.Ф., Коробова М.В., Колянова Т.В. Методичні рекомендації, приклади та вправи з курсу "Математична економіка": Навч. посіб. для студентів вищих навчальних закладів. – Ужгород, 2010. – 192 с.

12. Приклади завдань для модульних контрольних робіт.

Модульна робота №1

Варіант 1.

1. Річна ставка *простих* відсотків рівна i . Через скільки років початкова сума зросте у p разів?

$$i = 21 \quad p = 2,05$$

2. *Складні* відсотки за k -й рік ($k = 1, 2$) рівні i_k . У скільки разів нарощена за 2 роки сума більша за початкову?

$$i_1 = 2 \quad i_2 = 10$$

3. У банк вкладено A_0 г.о. під i складних відсотків. Через 2 роки *нарощена* сума складала A_2 г.о., а ще через рік – A_3 г.о. Знайти A_0 .

$$A_2 = 1815 \quad A_3 = 1996,5$$

4. На листі MS Excel у комірці A1 вказано початкову вартість інвестицій; у комірках A2 і A3 відсоткові ставки за 1-й і 2-й рік (як частки); у комірці A4 введено функцію БЗРАСПИС(A1;A2:A3). Вказати значення у комірці A2.

$$A1 = 2100 \quad A3 = 0,14 \quad A4 = 2537,64$$

5. За перший рік банк нараховував A , а за другий – B складних відсотків. На скільки відсотків *нарощена* сума більша відносно *початкової*?

$$A = 10 \quad B = 50$$

6. Сума A_0 г.о. за рік зросла до A_1 г.о. Поклавши до каси ще B г.о., на рахунку ще через рік стало A_2 г.о. Знайти *початкову суму* A_0 .

$$A_1 = 4888 \quad B = 1112 \quad A_2 = 6240$$

7. Суму A розбито на два вклади x та y під i_1 та i_2 відсотків річних відповідно. Через рік сума A виросла на i_3 відсотків. Знайти x .

$$A = 5000 \quad i_1 = 20 \quad i_2 = 40 \quad i_3 = 32,8$$

8. Знайти річний платіж скінченної річної ренти зі ставкою $i\%$, у якій *сучасна* величина складає A грн., а *нарощена* – S грн.

$$i = 7 \quad A = 1312,16 \quad S = 1607,45$$

9. «Вічна» рента з річним платежем R замінена на 7-річну ренту. Знайти річний платіж нової ренти, якщо ставка річного відсотку i .

$$R = 400 \quad i = 5$$

10. *Споживчий кредит* у розмірі D погашається за «правилом 78» на протязі року щомісячними виплатами. Знайти розмір останньої виплати, якщо річна ставка відсотка рівна i .

$$D = 2400 \quad i = 3$$

Варіант 2.

1. Річна ставка *складних* відсотків рівна i . Через скільки років початкова сума зросте у p разів?

$$i = 20 \quad p = 1,44$$

2. *Прості* відсотки за k -й рік ($k = 1, 2, 3$) рівні i_k . У скільки разів нарощена за 3 роки сума більша за початкову?

$$i_1 = 12 \quad i_2 = 10 \quad i_3 = 15$$

3. У банк вкладено A_0 г.о. під i складних відсотків. Через рік *нарощена* сума складала A_1 г.о., а ще через 2 роки – A_3 г.о. Знайти i .

$$A_1 = 3520 \quad A_3 = 4259,2 \quad A_0 = 3200$$

4. На листі MS Excel у комірці A1 вказано початкову вартість інвестицій; у комірках A2 і A3 відсоткові ставки за 1-й і 2-й рік (як частки); у комірці A4 введено функцію БЗРАСПИС(A1;A2:A3). Вказати значення у комірці A3.

$$A1 = 4200 \quad A2 = 0,16 \quad A4 = 5213,04$$

5. За перший рік банк нараховував A , а за другий – B складних відсотків. На скільки відсотків *нарощена* сума більша відносно *початкової*?

$$A = 20 \quad B = 40$$

6. Сума A_0 г.о. за рік зросла до A_1 г.о. Поклавши до каси ще B г.о., на рахунку ще через рік стало A_2 г.о. Знайти *початкову суму* A_0 .

$$A_1 = 4032 \quad B = 1968 \quad A_2 = 6720$$

7. Суму A розбито на два вклади x та y під i_1 та i_2 відсотків річних відповідно. Через рік сума A виросла на i_3 відсотків. Знайти y .

$$A = 5000 \quad i_1 = 30 \quad i_2 = 20 \quad i_3 = 22,6$$

8. Знайти річний платіж скінченної річної ренти зі ставкою $i\%$, у якій *сучасна* величина складає A грн., а *нарощена* – S грн.

$$i = 4 \quad A = 1110,04 \quad S = 1248,64$$

9. «Вічна» рента з річним платежем R замінена на 8-річну ренту. Знайти річний платіж нової ренти, якщо ставка річного відсотку i .

$$R = 600 \quad i = 6$$

10. *Споживчий кредит* у розмірі D погашається за «правилом 78» на протязі року щомісячними виплатами. Знайти розмір останньої виплати, якщо річна ставка відсотка рівна i .

$$D = 1500 \quad i = 5$$

Модульна робота №2

Варіант 1.

1. Інвестиційний процес заданий потоком платежів $\{(R_k, t_k)\}$. Визначити індекс дохідності (PI) проекту, якщо $i = 10\%$.

Рік (t_k):	0	1	2	3
Платіж (R_k):	-5000	3000	4000	1000

2. Проект характеризується початковими інвестиціями Inv та наступним щорічним доходом R протягом n років (i – ставка відсотка). Визначити термін окупності проекту.

$$Inv = -20\,000; R = 5\,000; n = 10; i = 20$$

3. Капітал зростає в часі за законом $K(t) = K(0) \cdot (1 + vt)$. Знайти миттєву дохідність у момент часу t_0 . $v = 0,1; t_0 = 1,5$

4. Знайти курс облігації зі щорічними купонними виплатами за ставкою q та погашенням через n років, якщо ставка відсотка i .

$$q = 7; n = 5; i = 10$$

5. Інвестиції складають A г.о. Зі ймовірністю p дохід складе B г.о., а зі ймовірністю $(1 - p) - C$ г.о. Яка середня очікувана дохідність операції?

$$A = -10\,000; p = 0,8; B = 12\,000; C = 15\,000$$

6. Для заданої матриці наслідків Q (x_i – альтернативи, s_j – стани) знайти найкращу альтернативу за правилом Гурвіца, якщо $\lambda = 1/2$.

Q	s_1	s_2	s_3	s_4	s_5
x_1	3	5	8	9	12
x_2	22	15	13	12	7
x_3	7	15	17	11	4
x_4	14	8	9	10	17

7. Для попередньої задачі відомі ймовірності p_j настання стану s_j . Знайти найкращу альтернативу за правилом максимізації середнього очікуваного доходу.

p_1	p_2	p_3	p_4	p_5
1/12	1/4	1/2	1/12	1/12

8. Для 4-х філій банку задано статистику запитів на кредити та ймовірності неповернення кредиту. Отримано повідомлення про неповернення кредиту. Яка ймовірність того, що кредит виданий у 1-й філії?

№ філії	1	2	3	4
Запити на кредити, %	10	30	20	40
Ймовірність неповернення	0,1	0,12	0,07	0,09

Варіант 2.

1. Інвестиційний процес заданий потоком платежів $\{(R_k, t_k)\}$. Визначити термін окупності проекту (ціла кількість років), якщо $i = 25\%$.

Рік (t_k):	0	1	2	3
Платіж (R_k):	-4000	2000	3000	1000

2. Проект характеризується початковими інвестиціями Inv та наступним щорічним доходом R протягом n років (i – ставка відсотка). Визначити індекс дохідності проекту.

$$Inv = -40\ 000; R = 8\ 000; n = 6; i = 8$$

3. Капітал зростає в часі за законом $K(t) = K(0) \cdot (1 + vt)$. Знайти миттєву дохідність у момент часу t_0 .

$$v = 0,2; t_0 = 2,5$$

4. Знайти курс облігації зі щорічними купонними виплатами за ставкою q та погашенням через n років, якщо ставка відсотка i .

$$q = 8; n = 4; i = 15$$

5. Інвестиції складають A г.о. Зі ймовірністю p дохід складе B г.о., а зі ймовірністю $(1 - p) - C$ г.о. Яка середня очікувана дохідність операції?

$$A = -15\ 000; p = 0,9; B = 16\ 000; C = 18\ 000$$

6. Для заданої матриці наслідків Q (x_i – альтернативи, s_j – стани) знайти найкращу альтернативу за правилом Вальда.

Q	s_1	s_2	s_3	s_4	s_5
x_1	6	5	8	9	12
x_2	22	15	14	12	7
x_3	7	15	17	11	4
x_4	14	8	9	10	17

7. Для попередньої задачі відомі ймовірності p_j настання стану s_j . Знайти найкращу альтернативу за правилом максимізації середнього очікуваного доходу.

p_1	p_2	p_3	p_4	p_5
1/4	1/6	1/3	1/12	1/6

8. Для 4-х філій банку задано статистику запитів на кредити та ймовірності неповернення кредиту. Отримано повідомлення про неповернення кредиту. Яка ймовірність того, що кредит виданий у 2-й філії?

№ філії	1	2	3	4
Запити на кредити, %	10	20	30	40
Ймовірність неповернення	0,05	0,12	0,07	0,09

13. Орієнтований перелік питань, що виносяться на екзамен.

1. Прості і складні відсотки. Порівняння сили росту простих і складних відсотків.
2. Мультиплікативні і дисконтні множники.
3. Утримання простих і складних відсотків.
4. Еквівалентність в часі грошових сум. Математичне дисконтування.
5. Номінальна і ефективна процентні ставки.
6. Безперервне нарощення і дисконтування.
7. Вплив інфляції на ставку відсотка.
8. Потоки платежів.
9. Скінченна річна рента. Визначення параметрів річної ренти.
10. Загальна рента (платежі та нарахування відсотків кілька разів у році).
11. «Вічна» річна рента. Об'єднання і заміна рент.
12. Дюрація потоків платежів.
13. Погашення позики одним кінцевим платежем.
14. Погашення основного боргу одним кінцевим платежем.
15. Погашення основного боргу рівними річними виплатами.
16. Погашення позики рівними річними виплатами.
17. Погашення позики рівними виплатами кілька разів на рік.
18. Загальний метод погашення позики.
19. Формування фонду погашення за вищими відсотками.
20. Споживчий кредит і його погашення. Пільгові кредити.
21. Погашення традиційної іпотечної позики. Заміна однієї позики іншою.
Об'єднання позик. Надання в кредит активів.
22. Аналіз інвестиційних процесів. Загальні поняття і означення.
23. Розрахунок характеристик скінченного проекту з початковими інвестиціями і постійними доходами.
24. Розрахунок характеристик нескінченного проекту з початковими інвестиціями. Визначення величини інвестицій.

25. Розрахунок річного доходу для заданої внутрішньої норми рентабельності проекту.
26. Залежність характеристик процесу від ставки відсотка. Порівняння інвестиційних проектів.
27. Визначення розміру плати за оренду обладнання. Визначення норми рентабельності від здачі устаткування в оренду.
28. Різні види дохідності операцій. Поточна і повна дохідність.
29. Потік платежів і його дохідність. Інші види дохідності.
30. Миттєва дохідність. Ефективна і еквівалентна ставки відсотка.
31. Загальні відомості про фінансові інструменти.
32. Курс і дохідність облігації без погашення з періодичною виплатою купонних відсотків.
33. Курс і дохідність безкупонної облігації з погашенням за номіналом.
34. Курс і дохідність безкупонної облігації з виплатою купонних відсотків при погашенні.
35. Курс і дохідність облігації з періодичною виплатою відсотків і погашенням.
36. Залежність ціни (курсу) облігації від ставки відсотка. Ціна вічної акції (дохід – тільки дивіденди).
37. Банківські депозитні сертифікати. Арбітраж та характеристики фінансових інструментів.
38. Система переваг індивіда. Тимчасова цінність грошей для індивіда. Корисність грошей.
39. Аукціонні торги: дві особи і два об'єкти. Загальний опис.
40. Максимізація різниці доходів. Максимізація власного доходу.
41. Одночасні торги. Торги, в яких число осіб велике або невідоме.
42. Плаваюча відсоткова ставка. Випадкові потоки платежів.
43. Ризикові інвестиційні процеси. Підрахунок дохідності імовірнісних операцій в умовах невизначеності.
44. Загальне поняття детермінованого еквівалента фінансового показника.

45. Визначення і сутність ризику. Матриці наслідків та ризиків.
46. Аналіз пов'язаної групи рішень в умовах повної невизначеності.
47. Аналіз пов'язаної групи рішень в умовах часткової невизначеності.
Оптимальність за Парето. Правило Лапласа.
48. Кількісна оцінка ризику. Ризик окремої операції.
49. Загальні вимірювачі ризику. Ризик розорення. Кредитний ризик.
Депозитний ризик.
50. Диверсифікація. Хеджування. Страхування.
51. Якісне управління ризиками. Форвардна і ф'ючерсна торгівля.
52. Найпростіша біноміальна модель ціноутворення активів. Біноміальна модель Кокса-Росса-Рубінштейна.
53. Загальна експонентна біноміальна модель. Фундаментальний і технічний аналіз цін.
54. Постановка завдання про зростання капіталу. Зростання капіталу при постійній частці контрактів.
55. Безмежно подільні та безкоштовні рулетки і цінні папери. Стратегія управління капіталом.
56. Опціони. Визначення вартості опціону на момент виконання.
Ціноутворення опціонів на основі біноміальної моделі.
57. Створення за допомогою опціонів безризикових портфель.
58. Постановка завдання про оптимальний портфель. Диверсифікація портфеля.
59. Портфель Марковіца мінімального ризику. Портфель Тобіна мінімального ризику. Портфель Марковіца і Тобіна максимальної ефективності.
60. Формування оптимального портфеля за допомогою провідного чинника фінансового ринку паперів. Прямий статистичний підхід.
61. Вплив провідного чинника на складові фінансового ринку. Ефективність ринку як провідний чинник.

- 62.Ефективність ринку, ефективність цінного паперу. Інші провідні чинники ринку.
- 63.Фінансовий ринок і його моделі. Угоди про фінансовий ринок.
- 64.Ефективний ринок. Модель САРМ (Capital Asset Pricing Model – модель ціноутворення капітальних активів).
- 65.Модель АРТ (Arbitrage Pricing Theory – арбітражна модель ціноутворення). Ідеальний фінансовий ринок. Інвестори на ідеальному фінансовому ринку.

14. Рекомендована література.

Базова

1. Баранкевич М.М. Збірник задач та вправ з фінансової математики. – Львів, Видавничий центр ЛНУ імені Івана Франка, 2008. – 170 с.
2. Ізмайлова К. В. Фінансовий аналіз: Навч. посіб. – 2-ге вид. Стереотип. – К.: МАУП, 2001. – 152 с.
3. Капитоненко В.В. Финансовая математика и ее приложения. – М.: Приор, 1998.
4. Каракоз И.И., Самборский В.И. Теория экономического анализа. – К.: Вища школа, 1989. – 255 с.
5. Карлбегрг К. Бизнес-анализ с помощью Microsoft Excel. – М.: Вильямс, 2007. – 464 с.
6. Ковалев В. В. Финансовый анализ: Управление капиталом. Выбор инвестиций. Анализ отчетности. 2-е изд., перероб. и доп. – М.: Финансы и статистика, 1997. – 512 с.
7. Кутуков В.Б. Основы финансовой и страховой математики. – М.: Дело, 1998.
8. Малыхин В.И. Финансовая математика: Учеб. пособие для вузов. – 2-е изд., перераб. и доп. – М.: ЮНИТИ-ДАНА, 2003. – 237 с.
9. Мелкумов Я.С. Теоретическое и практическое пособие по финансовым вычислениям. – М.: Инфра-М, 1996.

10. Мних Є. В. Економічний аналіз: Підручник: Вид. 2-ге, перероб. та доп. – Київ: Центр навчальної літератури, 2005. – 472 с.
11. Первозванский А.Т., Первозванская Т.Н. Финансовый рынок: расчет и риск. – М.: Инфра-М, 1994.
12. Уотшем Т. Дж., Паррамоу Л. Количественные методы в финансах: Пер. с англ. – М. ЮНИТИ, 1998.
13. Четыркин Е.М. Методы финансовых и коммерческих расчетов. – М.: Дело, 1995.
14. Четыркин Е.М. Финансовая математика: учебник – М.: Дело, 2000. – 400 с.
15. Шеремет О. О. Фінансовий аналіз: Навчальний посібник. – К.: 2005. – 196 с.
16. Ширяев А.Н. Основы стохастической финансовой математики. Т. 1, 2. – М.: Фазис, 1998.

Допоміжна

1. Вэриан Х.Р. Микроэкономика. – М.: ЮНИТИ, 1998.
2. Слюсарчук П.В. Теорія ймовірності та математична статистика. – Ужгород: Карпати, 2005. – 184 с.
3. Черчмен У., Акоф Р., Арноф Л. Введение в исследование операций. – М.: Наука, 1968.

15. Інформаційні ресурси

1. <http://www.uzhnu.edu.ua/uk/infocentre/60>

II. ВИКОРИСТАННЯ ДЕЯКИХ ФІНАНСОВИХ ФУНКЦІЙ У ЕЛЕКТРОННИХ ТАБЛИЦЯХ MICROSOFT EXCEL

1. Визначення основних термінів.

Функція в Microsoft Excel – стандартна формула, яка повертає результат виконання певних дій над значеннями, які виступають у якості аргументів. Функції дозволяють спростити формули в комірках листа, особливо, якщо вони довгі або складні. *Аргумент* – значення, яке надає інформацію для функції. Якщо аргумент є необов'язковим, то у описанні він позначається у квадратних дужках. Необов'язковий аргумент можна опускати, при цьому його значення визначається по домовленості.

Ряд послідовних у часі платежів називають *потокком платежів* (англ. *cash flows stream*), окремий платіж називають *членом потоку*. Потік платежів, всі члени якого додатні величини, а часові інтервали між платежами однакові, називається *рентою* (англ. *rent*) або *ануїтетом* (англ. *annuity*) (останній термін вживається, в основному, якщо виплати щорічні). Рента описується параметрами: *член ренти* – розмір окремого платежу, *період ренти* – часовий інтервал між двома послідовними платежами, *термін ренти* – часовий проміжок від початку першого періоду до кінця останнього, *відсоткова ставка*. Розглядають ренти *дискретні* та *неперервні*, *постійні* та *змінні*, *вірні* та *умовні*, *обмежені* та *вічні*. Якщо внески здійснюються в кінці періоду нарахування, то така рента називається *звичайною* або *постнумерандо* (англ. *ordinary annuity*), якщо на початку – то рента називається *преднумерандо* (англ. *annuity due*). *Нарощена сума* (англ. *amount of cash flows*) – сума всіх членів потоку платежів із нарахованими на них до кінця терміну відсотками. Під *сучасною вартістю* (англ. *present value of cash flows*) потоку платежів розуміють суму всіх його членів, дисконтованих до початку терміну.

2. Функції БС, ПС, СТАВКА, КПЕР та ПЛТ.

Функції даного розділу дозволяють знаходити майбутню (нарощену) та приведену (сучасну) вартість інвестицій, ставку відсотка, кількість виплат та розмір окремого платежу. Ці функції взаємопов'язані та дозволяють знайти одну із змінних у формулах (1.1 – 1.8), при умові, що задані інші змінні. Розглянемо спочатку описання спільних аргументів у функціях:

- ставка – визначає відсоткову ставку за період. Наприклад, якщо отримано кредит під номінальну ставку 12 відсотків річних і виплати проводяться щоквартально, то відсоткова ставка за квартал складе $12\% / 4$ (або 3%). Як значення аргументу «ставка» потрібно ввести у формулу $12\% / 4$, 3% або 0,03.
- кпер – визначає загальне число періодів платежів. Якщо отримано кредит на 3 роки і платежі здійснюються щоквартально, то кредит має $3 * 4$ (або 12) періодів. Як значення аргументу «кпер» у формулу потрібно ввести 12.
- плт – визначає періодичні виплати, що не змінюється протягом усього терміну. Зазвичай аргумент «плт» складається з виплат у рахунок основної суми і платежів за відсотками, але не включає в себе інші збори або податки.
- пс – визначає значення сучасної вартості інвестицій. Якщо аргумент необов'язковий, то значення по домовленості рівне 0.
- бс – визначає значення майбутньої вартості, тобто бажаного залишку коштів після останнього платежу. Якщо аргумент необов'язковий, то значення по домовленості рівне 0 (наприклад, майбутня вартість після погашення позики дорівнює 0).
- тип – необов'язковий аргумент, який приймає значення 0 або 1 і визначає, коли повинна проводитися виплата: 0 або опущений – наприкінці періоду; 1 – на початку періоду.

Функція БС (рос. будущая стоимость, англ. future value – FV) повертає майбутню (нарощену) вартість інвестиції за умови періодичних рівних платежів і постійної відсоткової ставки.

Синтаксис функції БС:

БС (ставка, кпер, плт, [пс], [тип])

Аргументи:

- ставка – обов’язковий аргумент, який визначає відсоткову ставку за період.
- кпер – обов’язковий аргумент, який визначає загальне число періодів платежів.
- плт – обов’язковий аргумент, який визначає періодичні виплати, що не змінюється протягом усього терміну.
- пс – необов’язковий аргумент, який визначає значення сучасної вартості інвестицій. Значення по домовленості рівне 0.
- тип – необов’язковий аргумент, який приймає значення 0 або 1 і визначає, коли повинна проводитися виплата: 0 або опущений – наприкінці періоду; 1– на початку періоду.

Приклад 1. Клієнт банку вносить на рахунок щорічно у кінці року 15 тис. грн. на протязі 10 років. Яка нарощена сума буде у кінці терміну, якщо відсоткова ставка протягом періоду незмінна і дорівнює 12% річних?

Розв’язання. Знайдемо майбутню вартість ануїтету у комірці В7.

	А	В	С
1	Аргумент	Дані	Описання
2	ставка	12%	Річна відсоткова ставка
3	кпер	10	Кількість років, на протязі яких відбуваються внески
4	плт	-15 000	Щорічний внесок
5	пс	0	Початкова сума
6	тип	0	Внески здійснюються у кінці року
7	Формула	263 231,03	Майбутня вартість ануїтету: = БС(В2; В3; В4; В5; В6)

Отже, нарощена сума у кінці терміну буде складати 263 231,03 грн.

Пояснення. Приведемо щорічне зростання суми:

	A	B	C
8	Перевірка		Формули у стовпці B
9	рік 1	15000,00	=ABS(B4)
10	рік 2	31800,00	=B9*(1+B\$2)+ABS(B\$4)
11	рік 3	50616,00	=B10*(1+B\$2)+ABS(B\$4)
12	рік 4	71689,92	=B11*(1+B\$2)+ABS(B\$4)
13	рік 5	95292,71	=B12*(1+B\$2)+ABS(B\$4)
14	рік 6	121727,84	=B13*(1+B\$2)+ABS(B\$4)
15	рік 7	151335,18	=B14*(1+B\$2)+ABS(B\$4)
16	рік 8	184495,40	=B15*(1+B\$2)+ABS(B\$4)
17	рік 9	221634,84	=B16*(1+B\$2)+ABS(B\$4)
18	рік 10	263231,03	=B17*(1+B\$2)+ABS(B\$4)

Іншим способом майбутню вартість ануїтету можна отримати як нарощену величину щорічної ренти постнумерандо за формулою:

$$S = R \cdot (1 + i)^{n-1} + R \cdot (1 + i)^{n-2} + \dots + R = R \cdot \frac{(1+i)^n - 1}{i}, \quad (1.1)$$

де S – нарощена величина ренти; R – член ренти; n – термін ренти; i – відсоткова ставка.

Приклад 2. Визначити за допомогою функції БС нарощену суму вкладу 10 тис. грн. на 3 роки під 10% річних.

Розв’язання. Знайдемо нарощену суму у комірці B7.

	A	B	C
1	Аргумент	Дані	Описання
2	ставка	10%	Річна відсоткова ставка
3	кпер	3	Кількість років, на протязі яких нараховуються відсотки
4	плт	0	Щорічний внесок
5	пс	-10 000	Початкова сума вкладу
6	тип	0	Відсотки нараховуються у кінці року
7	Формула	13 310	Нарощена сума вкладу: = БС(B2; B3; B4; B5; B6)

Пояснення. У даному прикладі щорічний внесок відсутній, тому нарощена сума отримується на основі початкового вкладу (сума від’ємна, бо відображає інвестиції). Перевірити отримане значення можна за формулою:

$$S = R \cdot (1 + i)^n, \quad (1.2)$$

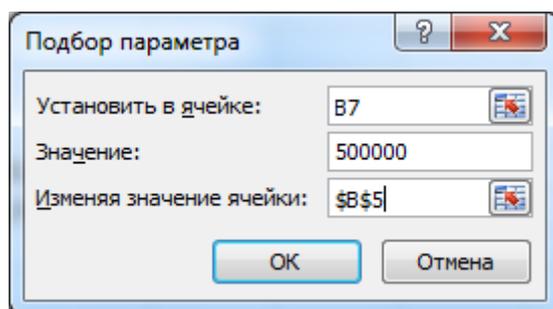
де S – нарощена величина вкладу; R – початкове значення вкладу; n – термін вкладу; i – відсоткова ставка.

Приклад 3. Якою має бути початкова сума на рахунку, якщо передбачається щоквартально на протязі 5 років вносити 15 тис. грн., з метою накопичення 500 тис. грн. за номінальною ставкою 10% річних?

Розв'язання. Внесемо початкові дані (початкове значення комірки B5 може бути, наприклад, рівне 0).

	А	В	С
1	Аргумент	Дані	Описання
2	ставка	10%	Річна відсоткова ставка
3	кпер	5	Кількість років, на протязі яких відбуваються внески
4	плт	-15 000,00	Щоквартальний внесок
5	пс	-65 452,10	Початкова сума
6	тип	1	Внески здійснюються на початку кварталу
7	Формула	500 000,00	Майбутня вартість ануїтету: = БС(В2/4; В3*4; В4;В5;В6)

Використаємо інструмент «Подбор параметра».



Задаємо поля:

«Установить в ячейке»: B7;

«Значение»: 500000;

«Изменяя значение ячейки»: B5.

У результаті у комірці B5 отримуємо розмір шуканої суми (65 452,10 грн.).

Пояснення. За умовою платежі здійснюються щоквартально, тому у формулі БС *номінальна* ставка ділиться на 4, а кількість періодів збільшується у 4 рази.

Зауважимо, що внески відбуваються на початку періоду, тому із них утворюється рента пренумерандо, нарощена величина якої дорівнює

$$\dot{S} = S \cdot (1 + i) = R \cdot (1 + i) \cdot \frac{(1+i)^n - 1}{i}. \quad (1.3)$$

Так, у прикладі 3 $R = 15\,000$ грн., тому $\ddot{S} = 392\,749,11$ грн. Знайдена початкова сума $A = 65\,452,10$, у свою чергу, зростає до $A(1 + 10/4)^{5 \cdot 4} = 107\,250,89$ грн. Перевірка показує, що $392\,749,11 + 107\,250,89 = 500\,000$ (грн.).

Функція ПС (рос. приведенная стоимость, англ. present value – PV) повертає приведену до поточного моменту (сучасну) вартість інвестиції. Приведена (сучасна) вартість являє собою загальну суму, яка на даний момент рівноцінна ряду майбутніх виплат.

Синтаксис функції ПС:

ПС (ставка, кпер, плт, [бс], [тип])

Аргументи:

- ставка – обов'язковий аргумент, який визначає відсоткову ставку за період.
- кпер – обов'язковий аргумент, який визначає загальне число періодів платежів.
- плт – обов'язковий аргумент, який визначає періодичні виплати, що не змінюється протягом усього терміну.
- бс – необов'язковий аргумент, який визначає значення майбутньої вартості, тобто бажаного залишку коштів після останнього платежу. Якщо аргумент "бс" опущений, передбачається, що він дорівнює 0.
- тип – необов'язковий аргумент, який приймає значення 0 або 1 і визначає, коли повинна проводитися виплата: 0 або опущений – наприкінці періоду; 1 – на початку періоду.

Приклад 4. Гравець виграв у лотерею 100 тис. грн., які може отримати зразу (альтернатива I), або отримувати щорічно у кінці року 15 тис. грн. на протязі 10 років (альтернатива II). Яка з альтернатив фінансово вигідніша, якщо відсоткова ставка протягом періоду незмінна і дорівнює 12% річних.

Розв'язання. Знайдемо приведену величину ануїтету у комірці В7.

	А	В	С
1	Аргумент	Дані	Описання
2	ставка	12%	Річна відсоткова ставка
3	кпер	10	Кількість років, на протязі яких відбуваються виплати
4	плт	15 000	Гроші, які виплачуються у кінці кожного року
5	бс	0	Залишок після останньої виплати
6	тип	0	Виплати відбуваються у кінці періоду
7	Формула	-84 753,35	Приведена (сучасна) вартість ануїтету: = ПС(В2; В3; В4; В5; В6)

Оскільки значення комірки В7 по модулю менше за 100 тис. грн., то альтернатива І фінансово вигідніша.

Пояснення. Значення комірки В7 від'ємне, оскільки воно дорівнює сумі вкладу у банк під 12% річних, яке забезпечить виплати по 15 тис. грн. (у кінці року) на протязі 10 років:

	А	В	С
8	Перевірка	84753,35	Формули у стовпці В
9	рік 1	79923,75	=В8*1,12-15000
10	рік 2	74514,60	=В9*1,12-15000
11	рік 3	68456,35	=В10*1,12-15000
12	рік 4	61671,11	=В11*1,12-15000
13	рік 5	54071,64	=В12*1,12-15000
14	рік 6	45560,24	=В13*1,12-15000
15	рік 7	36027,47	=В14*1,12-15000
16	рік 8	25350,77	=В15*1,12-15000
17	рік 9	13392,86	=В16*1,12-15000
18	рік 10	0,00	=В17*1,12-15000

Іншим способом приведену вартість ануїтету можна отримати як сучасну величину щорічної ренти постнумерандо за формулою:

$$A = \frac{R}{1+i} + \frac{R}{(1+i)^2} + \dots + \frac{R}{(1+i)^n} = R \cdot \frac{1-(1+i)^{-n}}{i}, \quad (1.4)$$

де A – сучасна величина ренти; R – член ренти; n – термін ренти; i – відсоткова ставка.

Зауважимо, що нарощена та приведена суми ренти пов'язані співвідношенням:

$$S = A \cdot (1 + i)^n. \quad (1.5)$$

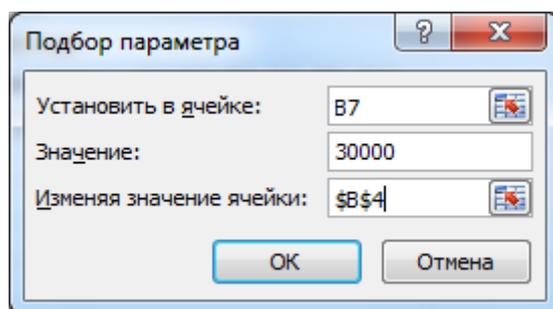
Так, $263\,231,03 = 84\,753,35 \cdot 1,12^{10}$ (див. приклад 1).

Приклад 5. Кредит 30 тис. грн. виданий на 3 роки за номінальною ставкою 12 % річних при умові щомісячного погашення рівними платежами. Знайти розмір платежу.

Розв'язання. Внесемо початкові дані (початкове значення комірки В4 може бути, наприклад, рівне 0).

	А	В	С
1	Аргумент	Дані	Описання
2	ставка	12%	Річна відсоткова ставка
3	кпер	3	Кількість років, на протязі яких відбуваються виплати
4	плт	-996,43	Щомісячний платіж
5	бс	0	Залишок після останньої виплати
6	тип	0	Виплати відбуваються у кінці місяця
7	Формула	30 000	Приведена (сучасна) вартість ануїтету: = ПС(В2/12; В3*12; В4; В5; В6)

Використаємо інструмент «Подбор параметра».



Задаємо поля:

«Установить в ячейке»: В7;

«Значение»: 30000;

«Изменяя значение ячейки»: В4.

У результаті у комірці В4 отримуємо розмір щомісячного платежу (996,43 грн.).

Пояснення. За умовою платежі здійснюються щомісячно, тому у формулі ПС *номінальна* ставка ділиться на 12, а кількість періодів збільшується у 12 разів.

Зауважимо, що якщо виплати відбуваються на початку періоду, то на перший внесок відсотки не нараховуються і виплати утворюють ренту пренумерандо, приведена величина якої дорівнює

$$\ddot{A} = R + \frac{R}{1+i} + \frac{R}{(1+i)^2} + \dots + \frac{R}{(1+i)^{n-1}} = A \cdot (1+i). \quad (1.6)$$

У формулі (1.6) члени R як для ренти постнумерандо, так і для пренумерандо однакові. Якщо приведені суми рент рівні ($\ddot{A} = A$), то для членів рент виконується співвідношення $\ddot{R} \cdot (1 + i) = R$, де \ddot{R} – член ренти пренумерандо. Якщо у прикладі 5 вимагати виплати на початку періоду (у формулі ПС задати параметр «тип» = 1), то значення щомісячного внеску буде складати 986,56 грн. (тобто $986,56 \cdot 1,01 = 996,43$).

Функція СТАВКА (англ. RATE) повертає відсоткову ставку для анuitету за один період. Функція СТАВКА обчислюється ітераційним шляхом і може повертати нульове значення або декілька значень. Якщо ітераційний процес не збіжний, то функція СТАВКА повертає повідомлення про помилку #ЧИСЛО!.

Синтаксис функції СТАВКА:

СТАВКА(кпер, плт, пс, [бс], [тип], [прогноз])

Аргументи:

- кпер – обов'язковий аргумент, який визначає загальне число періодів платежів.
- плт – обов'язковий аргумент, який визначає періодичні виплати, що не змінюється протягом усього терміну.
- пс – обов'язковий аргумент, який визначає приведену (поточну) вартість, тобто загальну суму, яка на даний момент рівноцінна ряду майбутніх платежів.
- бс – необов'язковий аргумент, який визначає значення майбутньої вартості, тобто залишку коштів після останнього платежу. Якщо аргумент «бс» опущений, передбачається, що він дорівнює 0.
- тип – необов'язковий аргумент, який приймає значення 0 або 1 і визначає, коли повинна проводитися виплата: 0 або опущений – наприкінці періоду; 1 – на початку періоду.
- прогноз – необов'язковий аргумент, який визначає прогнозовану величину ставки. Якщо аргумент «прогноз» опущений, то його значення по домовленості дорівнює 10%. Функція СТАВКА зазвичай сходиться, якщо значення цього аргументу знаходиться між 0 і 1.

Приклад 6. Кредит 46 410 грн. виданий на 4 роки. Під яку ставку виданий кредит, якщо щорічний внесок (у кінці року) складає 14 641 грн.?

Розв'язання. Знайдемо ставку у комірці В8.

	А	В	С
1	Аргумент	Дані	Описання
2	кпер	4	Кількість років, на протязі яких відбуваються виплати
3	плт	-14 641	Щорічна сума виплат
4	пс	46 410	Початкова сума
5	бс	0	Майбутня сума
6	тип	0	Внески здійснюються у кінці року
7	прогноз	5	Прогнозоване значення
8	Формула	10,00%	Відсоткова ставка: =СТАВКА(В2; В3; В4;В5;В6;В7)

Пояснення. У комірках В3 і В4 суми мають різні знаки, бо значення комірки В4 означає надходження коштів, тоді як у комірці В3 відображаються видатки. Для перевірки обчислимо щорічні залишки боргу:

	А	В	С
9	Перевірка	46410,00	Формули у стовпці В
10	рік 1	36410,00	=В9*1,1-14641
11	рік 2	25410,00	=В10*1,1-14641
12	рік 3	13310,00	=В11*1,1-14641
13	рік 4	0,00	=В12*1,1-14641

Зауважимо, що для перевірки значення приведеної суми 46 410 можна було б отримати за формулою ПС(0,1; 4; -14641) або за формулою (1.4).

Функція КПЕР (англ. NPER – number of periods) повертає загальну кількість періодів виплат для інвестиції на основі періодичних постійних виплат і постійної відсоткової ставки.

Синтаксис функції КПЕР:

КПЕР (ставка, плт, пс, [бс], [тип])

Аргументи:

- ставка – обов'язковий аргумент, який визначає процентну ставку за період.
- плт – обов'язковий аргумент, який визначає періодичні виплати, що не змінюється протягом усього терміну.

- ps – обов’язковий аргумент, який визначає приведену (поточну) вартість, тобто загальну суму, яка на даний момент рівноцінна ряду майбутніх платежів.
- bs – необов’язковий аргумент, який визначає значення майбутньої вартості, тобто залишку коштів після останнього платежу. Якщо аргумент « bs » опущений, передбачається, що він дорівнює 0.
- $тип$ – необов’язковий аргумент, який приймає значення 0 або 1 і визначає, коли повинна проводитися виплата: 0 або опущений – наприкінці періоду; 1 – на початку періоду.

Приклад 7. Скільки років щорічно (на початку року) потрібно вносити 10 тис. грн., щоб накопичити 36 410 грн. при відсотковій ставці 10% річних?

Розв’язання. Знайдемо кількість періодів у комірці B7.

	А	В	С
1	Аргумент	Дані	Описання
2	ставка	10%	Річна відсоткова ставка
3	плт	-10 000	Щорічний внесок
4	ps	0	Початкова сума
5	bs	36 410	Майбутня сума
6	тип	1	Внески здійснюються на початку року
7	Формула	3	Кількість періодів: = КПЕР(B2; B3; B4; B5; B6)

Пояснення. Для перевірки обчислимо рух коштів на рахунку:

	А	В	С
8	Перевірка		Формули у стовпці В
9	рік 1	11000,00	=10000*1,1
10	рік 2	23100,00	=(B9+10000)*1,1
11	рік 3	36410,00	=(B10+10000)*1,1

Зауважимо, що періодичні внески утворюють річну ренту пренумерандо, тому кількість періодів можна отримати з формули (1.3):

$$n = \ln \left(\frac{S \cdot i}{R \cdot (1+i)} + 1 \right) / \ln(1 + i). \quad (1.7)$$

Функція ПЛТ (англ. PMT – payment) повертає величину періодичного платежу, який розраховується для ануїтету (на основі постійних періодичних виплат і постійної відсоткової ставки).

Синтаксис функції ПЛТ:

ПЛТ(ставка, кпер, ps , [bs], [тип])

Аргументи:

- ставка – обов’язковий аргумент, який визначає процентну ставку.
- кпер – обов’язковий аргумент, який визначає загальне число періодів.
- пс – обов’язковий аргумент, який визначає приведену (поточну) вартість, тобто загальну суму, яка на даний момент рівноцінна ряду майбутніх платежів.
- бс – необов’язковий аргумент, який визначає значення майбутньої вартості, тобто залишку коштів після останнього платежу. Якщо аргумент «бс» опущений, передбачається, що він дорівнює 0.
- тип – необов’язковий аргумент, який приймає значення 0 або 1 і визначає, коли повинна проводитися виплата: 0 або опущений – наприкінці періоду; 1 – на початку періоду.

Приклад 8. Скільки коштів щомісячно (на початку місяця) потрібно вносити на рахунок, щоб за 8 років накопичити 50 тис. грн. при номінальній відсотковій ставці 11% річних?

Розв’язання. Знайдемо щомісячний внесок у комірці B7.

	А	В	С
1	Аргумент	Дані	Описання
2	ставка	11%	Річна відсоткова ставка
3	кпер	8	Кількість років
4	пс	0	Початкова сума
5	бс	50 000	Майбутня сума
6	тип	1	Внески здійснюються на початку місяця
7	Формула	-324,12	Щомісячний внесок: = ПЛТ(B2/12; B3*12; B4; B5; B6)

Пояснення. За умовою платежі здійснюються щомісячно, тому у формулі ПЛТ *номінальна* ставка ділиться на 12, а кількість періодів збільшується у 12 рази. Зауважимо, що внески відбуваються на початку періоду, тому із них утворюється рента пренумерандо, а величину платежу R можна отримати із формули (1.3):

$$R = \ddot{S} / \left((1 + i) \cdot \frac{(1+i)^n - 1}{i} \right). \quad (1.8)$$

Для перевірки можна скористатися формулою БС(B2/12;B3*12;B7;B4; B6), яка поверне нарощену суму 50 тис. грн.

Самостійна робота.

1. Два роки на рахунок вноситься сума 10 000 грн. Знайти нарощену суму при ставці 8% річних: а) внески у кінці періоду; б) внески на початку періоду; в) як співвідносяться величини (а) і (б)?

2. Річна рента постнумерандо, тривалістю 3 роки, має нарощену величину 16 550 грн., приведену – 12 434,26 грн. Визначити відсоткову ставку та член ренти.

3. Два роки виплачується сума 12 100 грн. Знайти сучасну величину виплат при ставці 10% річних: а) виплати у кінці періоду; б) виплати на початку періоду; в) як співвідносяться величини (а) і (б)?

4. За допомогою інструменту «Подбор параметра» знайти щоквартальний (в кінці кварталу) внесок на погашення кредиту обсягом 100 тис. грн., виданий на 5 років при номінальній річній ставці 10%, якщо за договором останній платіж має складати 20 тис. грн.

5. а) Знайти номінальну річну ставку, якщо початковий вклад на рахунок складає 10 тис. грн., періодичні внески (на початку кожного півріччя) – 5 тис. грн., а нарощена сума – 100 тис. грн. Яку частину при цьому буде складати б) нарощений початковий вклад; в) нарощена сума внесків?

6. Знайти число місяців, через яке буде погашено кредит 30 тис. грн. при номінальній річній ставці 12% та щомісячному платежі (в кінці місяця) 1 362,22 грн.

7. Скільки коштів щоквартально (у кінці періоду) потрібно вносити на рахунок, на якому знаходиться 20 тис. грн., щоб за 6 років накопичити 150 тис. грн. при номінальній відсотковій ставці 9% річних? Зробити перевірку за допомогою функції БС.

Відповіді: 1. а) $S = 20\,800$ грн.; б) $\dot{S} = 22\,464$ грн.; в) $\dot{S} = S \cdot 1,08$. 2. $i = 10\%$, $R = 5000$ грн. 3. а) $A = 21\,000$ грн.; б) $\ddot{A} = 23\,100$ грн.; в) $\ddot{A} = A \cdot 1,1$. 4. $R = 5861,22$ грн. 5. а) $i = 16,06\%$; б) $21\,646,18$ грн.; в) $\dot{S} = 78\,353,82$ грн. 6. $n = 25$. 7. $R = 3\,694,43$ грн.

3. Функції ЭФФЕКТ та НОМИНАЛ.

Функція ЭФФЕКТ (англ. EFFECT) повертає ефективну (фактичну) річну відсоткову ставку, якщо задані номінальна річна процентна ставка та кількість періодів у році, за які нараховуються складні відсотки.

Синтаксис функції ЭФФЕКТ:

ЭФФЕКТ(номинальная_ставка, кол_пер)

Аргументи:

- номинальная_ставка – обов'язковий аргумент, який визначає номінальну річну відсоткову ставку.
- кол_пер – обов'язковий аргумент, який визначає кількість періодів у році, за які нараховуються складні відсотки.

Приклад 1. Кредит 10 тис. грн. виданий на 2 роки з умовою погашення одним платежем. Яким буде обсяг платежу, якщо номінальна ставка складає 12% річних, а за умовами договору відсотки нараховуються щоквартально? Якою буде ефективна річна ставка?

Розв'язання. Знайдемо спочатку ефективну ставку у комірці В4.

	А	В	С
1	Аргумент	Дані	Описання
2	номинальная_ставка	12%	Номінальна ставка
3	кол_пер	4	Кількість періодів у році
4	Формула	12,55%	Ефективна ставка: = ЭФФЕКТ(В2; В3)

Далі обчислимо нарощену суму кредиту у комірці В13:

	А	В	С
5	Кредит	10 000,00	Формули у стовпці В
6	Квартал 1	10 300,00	=В5*(1+\$В\$1/4)
7	Квартал 2	10 609,00	=В6*(1+\$В\$1/4)
8	Квартал 3	10 927,27	=В7*(1+\$В\$1/4)
9	Квартал 4	11 255,09	=В8*(1+\$В\$1/4)
10	Квартал 1	11 592,74	=В9*(1+\$В\$1/4)
11	Квартал 2	11 940,52	=В10*(1+\$В\$1/4)
12	Квартал 3	12 298,74	=В11*(1+\$В\$1/4)
13	Квартал 4	12 667,70	=В12*(1+\$В\$1/4)

Пояснення. Так як нарахування відсотків відбувається 4 рази на рік, то функція ЭФФЕКТ повертає фактичну річну ставку, яку можна отримати із формули:

$$1 + f = \left(1 + \frac{i}{m}\right)^m, \quad (3.1)$$

де f – ефективна (фактична) ставка; i – номінальна ставка; m – кількість періодів нарахування відсотків у році.

Для перевірки отриманих значень у прикладі 1 знайдемо f із співвідношення $(1 + f)^2 = \frac{12\,667,70}{10\,000}$, звідки $f = 12,55\%$.

Функція НОМИНАЛ (англ. NOMINAL) повертає номінальну річну ставку, якщо задані ефективна (фактична) ставка і число періодів у році, за які нараховуються складні відсотки.

Синтаксис функції НОМИНАЛ:

НОМИНАЛ(ефект_ставка, кол_пер)

Аргументи:

- ефект_ставка – обов’язковий аргумент, який визначає фактичну річну відсоткову ставку.
- кол_пер – обов’язковий аргумент, який визначає кількість періодів у році, за які нараховуються складні відсотки.

Приклад 2. Функція НОМИНАЛ обернена до функції ЕФФЕКТ, тому продемонструємо її роботу на даних прикладу 1.

	А	В	С
1	Аргумент	Дані	Описання
2	номинальная_ставка	12%	Номінальна ставка
3	кол_пер	4	Кількість періодів у році
4	Формула ЕФФЕКТ	12,55%	Ефективна ставка: = ЕФФЕКТ(В2; В3)
5	Формула НОМИНАЛ	12%	Номінальна ставка: =НОМИНАЛ(В4;В3)

Пояснення. У комірці В5 за формулою НОМИНАЛ знаходиться номінальна ставка, яка рівна початковому значенню 12% (у комірці В2). Зауважимо, що із формули (3.1) можна вивести співвідношення між номінальною та ефективною ставками:

$$i = m \cdot \left((1 + f)^{\frac{1}{m}} - 1 \right). \quad (3.2)$$

Самостійна робота.

1. Знайти ефективну річну ставку у прикладах попереднього розділу а) №3; б) №5.

Відповіді: 1. а) $f = 10,38\%$; б) $f = 12,68\%$.

4. Функції ПРПЛТ, ОБЩПЛАТ, ОСПЛТ та ОБЩДОХОД.

Функції даного розділу дозволяють виокремлювати кошти, які йдуть на погашення відсотків, що нараховані за користування кредитом, та основної частини боргу, а також їхні сумарні значення.

Функція ПРПЛТ (англ. **IMPT** – interest payment) повертає частину періодичного платежу для анuitету (розрахованого на основі постійних періодичних виплат і постійної відсоткової ставки), яка рівна нарахованим відсоткам.

Синтаксис функції ПРПЛТ:

ПРПЛТ(ставка, період, кпер, пс, [бс], [тип])

Аргументи:

- ставка – обов'язковий аргумент, який визначає процентну ставку за період.
- період – обов'язковий аргумент, який визначає номер періоду (від 1 до кпер).
- кпер – обов'язковий аргумент, який визначає загальне число періодів платежів.
- пс – обов'язковий аргумент, який визначає приведену (сучасну) вартість, тобто загальну суму, яка на даний момент рівноцінна ряду майбутніх платежів.
- бс – необов'язковий аргумент, який визначає значення майбутньої вартості, тобто залишку коштів після останнього платежу. Якщо аргумент «бс» опущений, передбачається, що він дорівнює 0.

- тип – обов'язковий аргумент, який приймає значення 0 або 1 і визначає, коли повинна проводитися виплата: 0 або опущений – наприкінці періоду; 1– на початку періоду.

Функція ОБЦПЛАТ (англ. CUMIPMT – cumulative interest payments) повертає сумарну частину періодичних платежів для ануїтету (розрахованих на основі постійних періодичних виплат і постійної відсоткової ставки), яка рівна сумі нарахованих відсотків.

Синтаксис функції ОБЦПЛАТ:

ОБЦПЛАТ(ставка, кол_пер, нз, нач_період, кон_період, тип)

Аргументи:

- ставка – обов'язковий аргумент, який визначає процентну ставку за період.
- кол_пер – обов'язковий аргумент, який визначає загальне число періодів платежів.
- нз – обов'язковий аргумент, який визначає початкову вартість, тобто загальну суму, яка на даний момент рівноцінна ряду майбутніх платежів.
- нач_період – обов'язковий аргумент, який визначає номер першого періоду обчислень.
- кон_період – обов'язковий аргумент, який визначає номер останнього періоду обчислень.
- тип – обов'язковий аргумент, який приймає значення 0 або 1 і визначає, коли повинна проводитися виплата: 0 або опущений – наприкінці періоду; 1– на початку періоду.

Функція ОСПЛТ (англ. PPMT – principal payment) повертає частину періодичного платежу для ануїтету (розрахованого на основі постійних періодичних виплат і постійної відсоткової ставки), яка йде на погашення основної частини боргу.

Синтаксис функції ОСПЛТ:

ОСПЛТ(ставка, період, кпер, пс, [бс], [тип])

Аргументи:

- ставка – обов'язковий аргумент, який визначає процентну ставку за період.
- период – обов'язковий аргумент, який визначає номер періоду (від 1 до кпер).
- кпер – обов'язковий аргумент, який визначає загальне число періодів платежів.
- пс – обов'язковий аргумент, який визначає приведену (поточну) вартість, тобто загальну суму, яка на даний момент рівноцінна ряду майбутніх платежів.
- бс – необов'язковий аргумент, який визначає значення майбутньої вартості, тобто залишку коштів після останнього платежу. Якщо аргумент «бс» опущений, передбачається, що він дорівнює 0.
- тип – необов'язковий аргумент, який приймає значення 0 або 1 і визначає, коли повинна проводитися виплата: 0 або опущений – наприкінці періоду; 1 – на початку періоду.

Функція ОБЩДОХОД (англ. CUMPRINC – cumulative principal payments) повертає сумарну частину періодичних платежів для ануїтету (розрахованих на основі постійних періодичних виплат і постійної відсоткової ставки), яка рівна сумі погашення основного боргу.

Синтаксис функції ОБЩДОХОД:

ОБЩДОХОД(ставка, кол_пер, нз, нач_период, кон_период, тип)

Аргументи:

- ставка – обов'язковий аргумент, який визначає процентну ставку.
- кол_пер – обов'язковий аргумент, який визначає загальне число періодів платежів.
- нз – обов'язковий аргумент, який визначає початкову вартість, тобто загальну суму, яка на даний момент рівноцінна ряду майбутніх платежів.
- нач_период – обов'язковий аргумент, який визначає номер першого періоду обчислень.

- кон_період – обов’язковий аргумент, який визначає номер останнього періоду обчислень.
- тип – обов’язковий аргумент, який приймає значення 0 або 1 і визначає, коли повинна проводитися виплата: 0 або опущений – наприкінці періоду; 1– на початку періоду.

Приклад. Розробити графік погашення щоквартальними рівними платежами позики 5 тис. грн., взятої на 2 роки під 15% річних.

Розв’язання. Внесемо початкові дані:

	А	В	С
1	Аргумент	Дані	Описання
2	ставка	15%	Річна відсоткова ставка
3	кпер	2	Кількість років
4	пс	5000	Початкова сума позики

Далі приведемо графік погашення позики:

	А	В	С	Д	Е	F	Г	Н
6	Квартал	Платіж	Сума платежів	Нараховані відсотки	Сума відсотків	Основна частина виплат	Сума основних виплат	Залишок
7								5000
8	1	734,99	734,99	187,50	187,50	547,49	547,49	4452,51
9	2	734,99	1469,98	166,97	354,47	568,02	1115,51	3884,49
10	3	734,99	2204,98	145,67	500,14	589,32	1704,84	3295,16
11	4	734,99	2939,97	123,57	623,71	611,42	2316,26	2683,74
12	5	734,99	3674,96	100,64	724,35	634,35	2950,61	2049,39
13	6	734,99	4409,95	76,85	801,20	658,14	3608,75	1391,25
14	7	734,99	5144,94	52,17	853,37	682,82	4291,57	708,43
15	8	734,99	5879,94	26,57	879,94	708,43	5000,00	0,00

Пояснення. У рядку 8 вносяться такі формули:

Комірка	Формула
B8	= -ПЛІТ(\$B\$2/4; \$B\$3*4; \$B\$4)
C8	= СУММ(\$B\$8:B8)
D8	= -ПРПЛІТ(\$B\$2/4;A8; \$B\$3*4; \$B\$4)
E8	= -ОБЩПЛАТ(\$B\$2/4; \$B\$3*4; \$B\$4;1;A8;0)
F8	= -ОСПЛІТ(\$B\$2/4;A8; \$B\$3*4; \$B\$4)
G8	= -ОБЩДОХОД(\$B\$2/4;\$B\$3*4; \$B\$4;1;A8;0)
H8	= H7-F8

Далі внесені формули копіюються на весь діапазон. Зауважимо, що суми у стовпцях С, Е, Г знаходяться за період від 1 до поточного кварталу; сума

Нарахованих відсотків (стовпець D) та Основної частини виплат (стовпець F) рівна величині Платежу (стовпець B); Сума основних витрат рівна початковій сумі, а Залишок після останньої виплати відсутній.

Відмітимо, що функція ПРПЛТ, яка повертає нараховані відсотки, обчислює значення за формулою

$$I = T \cdot \frac{i}{m}, \quad (4.1)$$

де T – залишок на рахунку, i – річна ставка відсотка, m – кількість нарахувань у році.

Самостійна робота.

1. Позика 15 тис. грн. виплачується 1 рік щомісячними рівними платежами (номінальна річна ставка 16%). Знайти: а) розмір платежу; б) нараховані відсотки за 3-й місяць; в) суму нарахованих відсотків за перші 5 місяців; г) величину основної частини боргу, яка погашається у 3-му місяці; д) суму основних виплат за перші 5 місяців.

Відповіді: **1.** а) 1360,96; б) 168,83; в) 843,13; г) 1192,13; д) 5961,69.

5. Функції БЗРАСПИС, ЧПС, ЧИСТНЗ, ВСД, МВСД та ЧИСТВНДОХ.

Функції даного розділу використовуються у випадку, коли не виконуються деякі вимоги ануїтету: періодичність платежів, рівність виплат чи відсоткової ставки.

Функція БЗРАСПИС (англ. FVSCCHEDULE – schedule of future value) повертає майбутню вартість початкової інвестиції після нарахування ряду складних відсотків.

Синтаксис функції БЗРАСПИС:

БЗРАСПИС(первичное; план)

Аргументи:

- первичное – обов’язковий аргумент, який визначає початкову вартість інвестицій.
- план – обов’язковий аргумент, який масив відсоткових ставок.

Приклад 1. Знайти майбутню вартість інвестиції 20 тис. грн. через 3 роки, якщо очікується зростання капіталу за 1-й рік на 30%, за 2-й – на 20% та за 3-й – на 10%.

Розв’язання. Знайдемо майбутню вартість інвестиції у комірці B6.

	A	B	C	D
1	Аргумент	Дані	Описання	Перевірка
2	первичное	20000	Поточна вартість інвестиції	
3	план	30%	Відсоткова ставка (1 рік)	26000
4	план	20%	Відсоткова ставка (2 рік)	31200
5	план	10%	Відсоткова ставка (3 рік)	34320
6	Формула	34320	Майбутня величина інвестиції: =БЗРАСПИС(B2;B3:B5)	

Пояснення. Другим параметром формули БЗРАСПИС є діапазон ставок, за якими відбувається зростання капіталу. У стовпці D приведено щорічне зростання на відповідний відсоток. Отримати значення функції БЗРАСПИС можна за формулою:

$$S = R \cdot \prod_{k=1}^n (1 + i_k), \quad (5.1)$$

де R – початкові інвестиції; i_1, i_2, \dots, i_n – масив ставок; n – кількість років.

Функція ЧПС (рос. – чистая приведённая стоимость, англ. NPV – net present value) повертає величину приведеної вартості інвестицій, на основі сталої ставки дисконтування та майбутніх виплат (від’ємні значення) і надходжень (додатні значення).

Синтаксис функції ЧПС:

$$\text{ЧПС}(\text{ставка}; \text{значение1}; [\text{значение2}]; \dots)$$

Аргументи:

- ставка – обов’язковий аргумент, який визначає ставку дисконтування (незмінну на протязі всього періоду).
- значение1, значение2, ... – визначають виплати на надходження.

Примітка. Функція ЧПС аналогічна до функції ПС, але, на відміну від останньої, обчислює приведену вартість змінних грошових внесків.

Приклад 2. Проект із початковим обсягом інвестицій 50 тис. грн. передбачає надходження через 1 рік 30 тис. грн., додаткові інвестиції через 2

роки 10 тис. грн., дохід 25 тис. грн. через 3 роки та 20 тис. грн. через 4 роки. Знайти приведену вартість інвестиції, якщо ставка дисконтування складає 11%.

Розв’язання. Знайдемо приведену вартість інвестиції у комірці B8.

	A	B	C	D
1	Аргумент	Дані	Описання	Перевірка
2	ставка	11%	Ставка дисконтування	
3	інвестиції	-50000	Початкові інвестиції (не враховуються у формулі)	-50000,00
4	значення1	30000	Надходження за 1 рік	27027,03
5	значення2	-10000	Інвестиції за 2 рік	-8116,22
6	значення3	25000	Надходження за 3 рік	18279,78
7	значення4	20000	Надходження за 4 рік	13174,62
8	Формула	365,21	Приведена вартість інвестицій: =B3+ЧПС(B2;B4:B7)	365,21

Пояснення. Оскільки інвестиції відбуваються у даний час, то їхню величину дисконтувати не потрібно. Другим параметром формули ЧПС є діапазон, який означає надходження та видатки за кожний наступний рік. У стовпці D приведено дисконтування кожного платежу та їхня сума. Отримати значення функції ЧПС можна за формулою:

$$NPV = \sum_{k=1}^n \frac{R_k}{(1+i)^k}, \quad (5.2)$$

де R_k – надходження (видатки) за k -й рік; i – ставка дисконтування; n – кількість років.

Функція ЧИСТНЗ (англ. XNPV – net present value) повертає приведену величину грошового потоку, не обов’язково періодичного.

Синтаксис функції ЧИСТНЗ:

ЧИСТНЗ(ставка; значення; дати)

Аргументи:

- ставка – обов’язковий аргумент, який визначає річну ставку дисконтування (незмінну на протязі всього періоду).
- значення – обов’язковий аргумент, який визначає грошовий потік.
- дати – обов’язковий аргумент, який визначає дати грошового потоку.

Приклад 3. Для попереднього прикладу знайти приведену величину грошового потоку, якщо виплати та надходження здійснюються на такі дати: 01.05.2014, 01.09.2015, 01.11.2016, 01.03.2017, 30.04.2018.

Розв’язання. Знайдемо приведену вартість грошового потоку у комірці В8.

	А	В	С	Д	Е
1	Аргумент	Дані	Дати	Описання	Перевірка
2	ставка	11%		Ставка дисконтування	
3	значення	-50000	01.05.2014	Початкові інвестиції	-50000,00
4		30000	01.09.2015	Надходження за 1 рік	26093,06
5		-10000	01.11.2016	Інвестиції за 2 рік	-7698,07
6		25000	01.03.2017	Надходження за 3 рік	18596,08
7		20000	30.04.2018	Надходження за 4 рік	13174,62
8	Формула	165,69		Приведена вартість інвестицій: =ЧИСТНЗ(В2;В3:В7;С3:С7)	165,69

Пояснення. Значення, отримане у комірці В8, відрізняється від результату попереднього прикладу (365,21 грн.), оскільки схема надходжень платежів нерівномірна. У стовпці Д для перевірки приведено дисконтування кожного платежу та загальна сума. Отримати значення функції ЧИСТНЗ можна за формулою:

$$XNPV = \sum_{k=1}^n \frac{R_k}{(1+i)^{\frac{d_k-d_1}{365}}}, \quad (5.3)$$

де R_k – надходження (видатки) за k -й період; d_k – дати, що відповідають R_k ;
 i – ставка дисконтування; n – кількість періодів.

Функція ВСД (рос. внутренняя ставка доходности, англ. IRR – internal rate of return) повертає внутрішню норму рентабельності (внутрішню ставку доходності) грошового потоку, тобто ставку, при якій приведена вартість потоку рівна 0.

Синтаксис функції ВСД:

ВСД(значення; [предположение])

Аргументи:

- значення – обов’язковий аргумент, який визначає грошовий потік. При цьому як мінімум один член потоку має бути від’ємний і як мінімум один – додатний.
- предположение – необов’язковий аргумент, який визначає початкове значення при ітераційному процесі знаходження внутрішньої норми рентабельності. По домовленості має значення 10%.

Приклад 4. Для грошового потоку прикладу 2 знайти внутрішню норму рентабельності.

Розв’язання. Знайдемо внутрішню норму рентабельності грошового потоку у комірці В7.

	А	В	С
1	Аргумент	Дані	Описання
2	значення	-50000	Початкові інвестиції
3		30000	Надходження за 1 рік
4		-10000	Інвестиції за 2 рік
5		25000	Надходження за 3 рік
6		20000	Надходження за 4 рік
7	Формула	11,3%	Внутрішня норма рентабельності: =ВСД(В2:В6)
8	Перевірка	0,00	=В2+ЧПС(В7;В3:В6)

Пояснення. Отримане значення 11,3% означає таку ставку дисконтування, при якій грошовий потік має нульову приведену вартість. Якщо відсоткова ставка буде менша за 11,3%, то потік буде прибутковий. Для перевірки використовується формула ЧПС у комірці В8. Отримати внутрішню норму рентабельності грошового потоку можна за допомогою ітераційного процесу із співвідношення:

$$\sum_{k=0}^n \frac{R_k}{(1+d)^k} = 0, \quad (5.4)$$

де R_k – надходження (видатки) за k -й рік; d – внутрішня норма рентабельності; n – кількість років.

Функція МВСД (рос. модифицированная внутренняя ставка доходности, англ. MIRR – modified internal rate of return) повертає модифіковану внутрішню норму рентабельності (модифіковану внутрішню ставку доходності) для ряду періодичних грошових потоків. Функція МВСД враховує як витрати на залучення інвестиції, так і дохід, який одержується від реінвестування грошових коштів.

Синтаксис функції МВСД:

МВСД(значення; ставка_финанс; ставка_реинвест)

Аргументи:

- значення – обов’язковий аргумент, який визначає грошовий потік. При цьому як мінімум один член потоку має бути від’ємний і як мінімум один – додатний.
- ставка_фінанс – обов’язковий аргумент, який визначає ставку відсотка, що виплачується за гроші, які знаходяться в обороті.
- ставка_реінвест – обов’язковий аргумент, який визначає ставку відсотка при реінвестуванні грошових коштів.

Зауваження. Функція МВСД використовує порядок розташування чисел в аргументі *значення* для визначення порядку виплат і надходжень.

Приклад 5. Обчислити модифіковану внутрішню норму рентабельності для грошового потоку прикладу 2, якщо кредитна ставка складає 15%, а ставка реінвестування – 20%.

Розв’язання. Знайдемо модифіковану внутрішню норму рентабельності грошового потоку у комірці В9.

	А	В	С
1	Аргумент	Дані	Описання
2	значення	-50000	Початкові інвестиції
3		30000	Надходження за 1 рік
4		-10000	Інвестиції за 2 рік
5		25000	Надходження за 3 рік
6		20000	Надходження за 4 рік
7	ставка_фінанс	15%	Річна кредитна ставка
8	ставка_реінвест	20%	Річна дохідна ставка
9	Формула	15,3%	Модифікована внутрішня норма рентабельності: =МВСД(В2:В5;В6;В7)

Пояснення. Отримане значення 15,3% вказує, що за такої ставки приведена (сучасна) вартість інвестицій, взята за абсолютним значенням, зросте до термінальної (майбутньої) вартості доходів:

	А	В	С
10	Інвестиції, дисконтовані до 0 періоду	-57561,44	=В2+В4/(1+В7)^2
11	Доходи, дисконтовані до 4 періоду	101840,00	=В3*(1+В8)^3+В5*(1+В8)+В6
12	Перевірка	-101840,00	=В10*(1+В9)^4

У комірці B10 знаходиться приведена (до 0-го року) вартість інвестицій, у комірці B11 – термінальна вартість доходів (на 4-й рік), у комірці B12 введена формула нарощення приведеної вартості інвестицій за ставкою 15,3%.

Функція ЧИСТВНДОХ (англ. XIRR – internal rate of return) повертає внутрішню норму рентабельності (внутрішню ставку дохідності) неперіодичних грошових потоків.

Синтаксис функції ЧИСТВНДОХ:

ЧИСТВНДОХ(значення; дати; [предположение])

Аргументи:

- значення – обов’язковий аргумент, який визначає грошовий потік. При цьому як мінімум один член потоку має бути від’ємний і як мінімум один – додатний.
- дати – обов’язковий аргумент, який визначає дати грошового потоку. Перша дата визначає початок платежів.
- предположение – необов’язковий аргумент, який визначає початкове значення при ітераційному процесі знаходження внутрішньої норми рентабельності.

Приклад 6. Для грошового потоку прикладу 3 знайти внутрішню норму рентабельності.

Розв’язання. Знайдемо внутрішню норму рентабельності грошового потоку у комірці B7.

	А	В	С	Д
1	Аргумент	Дані	Дати	Описання
2	значення	-50000	01.05.2014	Початкові інвестиції
3		30000	01.09.2015	Надходження за 1 рік
4		-10000	01.11.2016	Інвестиції за 2 рік
5		25000	01.03.2017	Надходження за 3 рік
6		20000	30.04.2018	Надходження за 4 рік
7	Формула	11,2%		Внутрішня норма рентабельності: =ЧИСТВНДОХ(B2:B6;C2:C6)
8	Перевірка	0,00		Приведена вартість інвестицій: =ЧИСТНЗ(B7;B2:B6;C2:C6)

Пояснення. Отримане значення 11,2% означає таку ставку дисконтування, при якій грошовий потік має нульову приведену вартість. Якщо

відсоткова ставка буде менша за 11,2%, то потік буде прибутковий. Для перевірки використовується функція ЧИСТНЗ у комірці В8. Отримати внутрішню норму рентабельності грошового потоку можна за допомогою ітераційного процесу із співвідношення:

$$\sum_{k=1}^n \frac{R_k}{(1+i)^{\frac{d_k-d_1}{365}}} = 0, \quad (5.5)$$

де R_k – надходження (видатки) за k -й період; d_k – дати, що відповідають R_k ;
 i – ставка дисконтування; n – кількість періодів.

Самостійна робота.

1. У банк вкладено 100 тис. грн. за таких умов: перший рік нараховується 10%, а кожного наступного року – на 1 в.п. більше. Знайти величину вкладу через 5 років.

2. За допомогою інструменту «Подбор параметра» знайти величину інвестиції, при якій приведена вартість проекту складе 10 тис. грн., якщо за перші два роки передбачають надходження по 30% від інвестиції, а за наступні три роки – по 25% (ставка дисконтування – 11%).

3. Для прикладу 2 знайти приведену величину грошового потоку за функцією ЧИСТНЗ, якщо виплати та надходження здійснюються на такі дати: 01.05.2014, 01.05.2015, 01.05.2016, 01.05.2017, 01.05.2018. Як пояснити розбіжності із відповіддю до прикладу 2?

4. Знайти внутрішню норму рентабельності грошового потоку $R = \{(-100 \text{ тис. грн.}, 0); (40 \text{ тис. грн.}, 1); (35 \text{ тис. грн.}, 2); (-20 \text{ тис. грн.}, 3); (60 \text{ тис. грн.}, 4); (30 \text{ тис. грн.}, 5)\}$.

Відповіді: 1. 176 163,93. 2. -1 041 620,97. 3. 358,53 (у 2016 р. 366 днів).
4. 13,8.