



**Прикарпатський національний університет  
імені Василя Стефаника  
Інститут математики НАН України  
Івано-Франківське математичне товариство**

**СУЧАСНІ ПРОБЛЕМИ  
ТЕОРІЇ ЙМОВІРНОСТЕЙ  
ТА  
МАТЕМАТИЧНОГО  
АНАЛІЗУ**

**ВСЕУКРАЇНСЬКА НАУКОВА КОНФЕРЕНЦІЯ  
ТЕЗИ ДОПОВІДЕЙ**

**Ворохта  
22 – 25 лютого 2017**

**Івано-Франківськ, 2017**



Сучасні проблеми теорії ймовірностей та математичного аналізу: Всеукраїнська наукова конференція, тези доповідей. Ворохта, 22 — 25 лютого 2017 р. — Івано-Франківськ: ДВНЗ “Прикарпатський національний університет імені Василя Стефаника”, 2017. — 140 с.

Відповідальний за випуск Осипчук М. М.

### Організаційний комітет:

- Загороднюк А. В. Прикарпатський національний університет імені Василя Стефаника, Івано-Франківськ
- Копач М. І. Прикарпатський національний університет імені Василя Стефаника, Івано-Франківськ
- Качановський М. О. Інститут математики НАН України, Київ
- Кулик О. М. Інститут математики НАН України, Київ
- Маслюченко В. К. Чернівецький національний університет імені Юрія Федьковича, Чернівці
- Осипчук М. М. Прикарпатський національний університет імені Василя Стефаника, Івано-Франківськ
- Пилипенко А. Ю. Інститут математики НАН України, Київ
- Портенко М. І. Інститут математики НАН України, Київ
- Скасків О. Б. Львівський національний університет імені Івана Франка, Львів
- Слободян С. Я. Прикарпатський національний університет імені Василя Стефаника, Івано-Франківськ
- Шарин С. В. Прикарпатський національний університет імені Василя Стефаника, Івано-Франківськ
- Шевчук Р. В. Прикарпатський національний університет імені Василя Стефаника, Івано-Франківськ

У збірнику представлено стислий виклад доповідей і повідомлень, поданих на Всеукраїнську наукову конференцію “Сучасні проблеми теорії ймовірностей та математичного аналізу”. Тези доповідей і повідомлень подані в авторському варіанті.

## Пленарні лекції

### Analytic structures on metric spaces multisets

HOLUBCHAK O.M.

Ivano-Frankivsk College of Lviv National Agrarian University, 11 Yunosti Str., Ivano-Frankivsk 76492, Ukraine  
oleggol@ukr.net

ZAGORODNYUK A.V.

Vasyl Stefanyk Precarpathian National University, 57 Shevchenka Str., Ivano-Frankivsk 76018, Ukraine  
andriyzag@yahoo.com

Let us recall a function  $f$  on complex  $\ell_1$  to  $\mathbb{C}$  is said to be *symmetric* if for every permutation  $\sigma$  on positive integers  $\mathbb{N}$ ,  $f(\sigma(x)) = f(x_{\sigma(1)}, \dots, x_{\sigma(n)}, \dots) = f(x)$ ,  $x \in \ell_1$ .

The algebra of all continuous symmetric polynomials on  $\ell_1$  will be denoted by  $\mathcal{P}_s(\ell_1)$ . Symmetric polynomials and analytic functions were investigated by many authors (see e. g. [1, 1, 4] and the survey [2]). In particular, it is known that  $\mathcal{P}_s(\ell_1)$  admits algebraic bases.

The *power* basis consists of polynomials

$$F_n(x) = \sum_{i=1}^{\infty} x_i^n, \quad x = (x_1, \dots, x_n, \dots) \in \ell_1.$$

The *elementary symmetric polynomials*  $G_n(x) = \sum x_{i_1} \dots x_{i_n}$  form an another basis in  $\mathcal{P}_s(\ell_1)$  and the Newton equality holds

$$nG_n = G_{n-1}F_1 - G_{n-2}F_2 + \dots + (-1)^n F_n, \quad n = 1, 2, \dots$$

Let  $M_0$  be the set of all finite multisets of nonzero complex numbers. That is, each element  $u \in M_0$  can be represented by  $u = \{a^m, b^n, c^k, \dots\}$ , where  $a, b, c, \dots$  are complex number all of them are not equal to zero,  $m, n, k, \dots$  are the numbers of entrances of  $a, b, c, \dots$  to  $u$  respectively.

Let  $c_{00}$  be the linear space of all finite sequences  $x = (x_1, \dots, x_n, \dots)$ . We say, that  $x \sim y$ ,  $x, y \in c_{00}$  if there is a permutation  $\sigma : \mathbb{N} \rightarrow \mathbb{N}$  such that

$$\sigma(x) = (x_{\sigma(1)}, \dots, x_{\sigma(n)}, \dots) = y.$$

## Простори $\mathbf{F}_\psi(\Omega)$ і метод Монте-Карло

МЛАВЕЦЬ Ю. Ю.

ДВНЗ “Ужгородський національний університет”  
yurii.mlavets@uzhnu.edu.ua

СИНЯВСЬКА О.О.

ДВНЗ “Ужгородський національний університет”  
olga.synavska@uzhnu.edu.ua

Знаходяться умови, за яких кратні інтеграли обчислюються із заданою надійністю та точністю у просторі  $C(T)$  методом Монте-Карло. Для отримання цих результатів використовуються методи теорії випадкових процесів з просторів  $\mathbf{F}_\psi(\Omega)$ .

**Теорема 1.** [1] Нехай випадковий процес  $\xi(t)$ ,  $t \in T$  належить простору  $\mathbf{F}_\psi(\Omega)$  для якого виконується умова  $\mathbf{H}$  з константою  $C_\psi$ ,  $Z_n(t) - I(t) = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (\xi_i(t) - I(t))$ , де  $\xi_i(t)$  – незалежні копії випадкового процесу  $\xi(t)$ .

Припустимо, що існує неперервна монотонно зростаюча функція  $\sigma(h)$  ( $\sigma(0) = 0$ ) така, що справджується нерівність

$$\sup_{\rho(t,s) \leq h} \|\xi(t) - \xi(s)\|_\psi \leq \sigma(h).$$

Припустимо також, що для будь-якого  $z > 0$  виконується умова

$$\int_0^z \varkappa \left( N \left( \sigma^{-1}(u) \right) \right) du < \infty,$$

де  $\varkappa(n)$  – мажоруюча характеристика,  $N(u)$  – метрична масивність простору  $\mathbf{F}_\psi(\Omega)$ , а  $\sigma^{-1}(u)$  – обернена функція до  $\sigma(u)$ . Тоді  $Z_n(t)$  наближає  $I(t)$  з надійністю  $1 - \delta$ ,  $\delta > 0$  і точністю  $\varepsilon$  в просторі  $C(T)$ , якщо число  $n$  таке, що для будь-якого  $0 < p < 1$  справджується умова

$$\inf_{u \geq 1} \left( \frac{B(p)\psi(u)}{\varepsilon\sqrt{n}} \right)^u \leq \delta,$$

де  $B(p) = 2\sqrt{C_\psi} \inf_{t \in T} \|\xi(t)\|_\psi + \frac{1}{p(1-p)} \int_0^{\gamma p} \varkappa \left( N \left( \sigma_1^{-1}(u) \right) \right) du$ ,  $\sigma_1(u) = 2\sqrt{C_\psi}\sigma(u)$ ,  $\gamma = \sigma_1 \left( \sup_{t,s \in T} \rho(t,s) \right)$ .

## Література

- [1] Ю. В. Козаченко, Ю. Ю. Млавець, *Застосування теорії просторів  $\mathbf{F}_\psi(\Omega)$  для обчислення кратних інтегралів методом Монте-Карло*, Теорія ймовірностей та математична статистика, **92** (2015), 61–70.

## Задача фільтрації стаціонарних процесів за спостереженнями з пропусками

МОКЛЯЧУК М. П.

Київський національний університет імені Тараса Шевченка  
mmp@univ.kiev.ua

СІДЕЙ М. І.

Київський національний університет імені Тараса Шевченка  
marysidei4@gmail.com

Досліджуємо задачу оптимального лінійного оцінювання функціонала  $A\xi = \int_{R^s} a(t)\xi(-t)dt$ , від невідомих значень стаціонарного стохастичного процесу  $\xi(t)$  за даними спостережень процесу  $\xi(t) + \eta(t)$  при  $t \in \mathbb{R} \setminus S$ , де  $S = \bigcup_{l=1}^s [-M_l - N_l, \dots, -M_l]$ ,  $R^s = [0, \infty) \setminus S^+$ ,  $S^+ = \bigcup_{l=1}^s [M_l, \dots, M_l + N_l]$ . Розглядаємо два випадки: коли спектральні щільності процесів  $\xi(t)$  та  $\eta(t)$  відомі та коли їх точний вигляд не відомий, але знаємо, що вони належать до певних класів допустимих спектральних щільностей. У першому випадку для обчислення середньоквадратичної похибки та спектральної характеристики оптимальної оцінки функціонала використаємо запропонований А. М. Колмогоровим метод проєкцій у гільбертових просторах [1]. У другому випадку застосуємо мінімаксний метод оцінювання [2] та для заданих множин допустимих спектральних щільностей визначимо найменш сприятливі спектральні щільності та мінімаксні спектральні характеристики оптимальної лінійної оцінки функціонала [3].

## Література

- [1] А. Н. Колмогоров, *Теория вероятностей и математическая статистика. Сборник статей/А.Н. Колмогоров*, “Наука”, Москва, 1986.  
[2] М. П. Моклячук, *Робастні оцінки функціоналів від стохастичних процесів*, ВПЦ “Київський університет”, Київ, 2008.