

КИЇВСЬКИЙ УНІВЕРСИТЕТ ІМЕНІ ТАРАСА ШЕВЧЕНКА

На правах рукопису

ШАПОЧКА Ігор Валерійович

УДК 512.544

ПРО p -ГРУПИ ЧЕРНІКОВА

01.01.06 — алгебра і теорія чисел

А В Т О Р Е Ф Е Р А Т
дисертації на здобуття наукового ступеня
кандидата фізико-математичних наук

Київ – 1996

Дисертацією є рукопис.

Роботу виконано на кафедрі алгебри Ужгородського державного університету.

Науковий керівник: доктор фізико-математичних наук,
професор ГУДИВОК Петро Михайлович

Офіційні опоненти: доктор фізико-математичних наук,
провідний науковий співробітник
СЕРГЕЙЧУК Володимир Васильович

кандидат фізико-математичних наук,
старший науковий співробітник
ПИЛЯВСЬКА Ольга Степанівна

Провідна установа: Дніпропетровський державний університет

Захист відбудеться 23 грудня 1996 року о 14-й годині на засіданні спеціалізованої вченої ради Д26.001.18 при Київському університеті імені Тараса Шевченка за адресою: *252127, м. Київ-127, проспект акад. Глушкова, 6, Київський університет імені Тараса Шевченка, механіко-математичний факультет.*

З дисертацією можна ознайомитися в науковій бібліотеці університету за адресою: *м. Київ, вул. Володимирська, 58.*

Автореферат розісланий 19 листопада 1996 року.

Вчений секретар
спеціалізованої ради

ОВСІЄНКО С. А.

ЗАГАЛЬНА ХАРАКТЕРИСТИКА РОБОТИ

Актуальність теми. Дисертація присвячена застосуванню теорії цілочислових p -адичних зображень скінченних груп до вивчення деяких класів p -груп Чернікова, тобто p -груп, що є розширенням повної абелевої p -групи з умовою мінімальності за допомогою скінченної p -групи.

Теорія зображень скінченних груп над комутативними кільцями займає чільне місце у сучасній алгебрі завдяки глибині проблем, що в ній виникають, та ефективному застосуванню в різних галузях алгебри, зокрема в описанні окремих класів розширень груп. Так, В. С. Дроботенко за допомогою знайдених усіх нееквівалентних нерозкладних зображень циклічної p -групи H порядку p над кільцем класів лишків за $\text{mod } p^s$ описав неізоморфні розширення абелевої групи типу (p^s, \dots, p^s) за допомогою групи H . Л. О. Назарова, А. В. Ройтер, В. В. Сергейчук і В. М. Бондаренко класифікували скінченні p -групи, що містять абелеву підгрупу індексу p .

Результати С. Д. Бермана, П. М. Гудивка, І. Райнера, А. Хеллера, А. В. Ройтера, Л. О. Назарової, А. В. Яковлева про зображення скінченних груп над кільцем \mathbb{Z}_p цілих p -адичних чисел стали відправною точкою у застосуванні теорії \mathbb{Z}_p -зображень скінченних груп до класифікації деяких класів розширень повних абелевих груп з умовою мінімальності.

С. М. Черніков показав, що нескінченна група G є розв'язною групою Чернікова тоді і тільки тоді, коли G є локально розв'язною групою з умовою мінімальності. Отже, p -групами Чернікова вичерпуються всі нескінченні локально скінченні p -групи з умовою мінімальності.

При вивченні черніковських p -груп різними авторами виділено ряд властивостей цих груп, кожна з яких можна взяти в якості означення p -групи Чернікова. Відмітимо одну з них, доведену А. І. Мальцевим, що характеризує p -групи Чернікова як p -підгрупи повної лі-

нійної групи над деяким полем нульової характеристики.

Важливі результати про властивості груп Чернікова одержані в роботах Д. І. Зайцева, Л. А. Курдаченка, М. С. Чернікова, Н. Ф. Кузенного, Я. П. Сисака, П. М. Гудивка, Ф. Г. Вашука, В. С. Дроботенка, Б. Хартлі та інших. В ряді з цих робіт дано описання деяких класів p -груп Чернікова. В [1] наведені приклади, коли описання певних класів черніковських p -груп є дикою задачею, тобто включає задачу про подібність пар квадратних матриць порядку n над деяким полем для довільного натурального n .

Через це є актуальним питання, коли можна дати класифікацію деяких класів p -груп Чернікова.

Мета роботи описати деякі класи p -груп Чернікова і вияснити, коли задача описання всіх неізоморфних розширень довільної повної абелевої p -групи з умовою мінімальності за допомогою скінченної p -групи є дикою.

Методи дослідження. Основу досліджень склали методи теорії розширень груп та теорії цілочислових p -адичних зображень скінченних груп.

Наукова новизна. В роботі отримано такі нові результати:

- описані всі неізоморфні p -групи Чернікова, фактор-група яких за максимальною повною абелевою підгрупою є циклічною групою порядку p^2 ;
- отримана класифікація всіх нееквівалентних розширень довільної повної абелевої 2-групи з умовою мінімальності за допомогою групи типу $(2,2)$;

¹Гудивок П. М., Вашук Ф. Г., Дроботенко В. С. Черниковские p -группы и целочисленные p -адические представления конечных групп // Укр. мат. журн. – 1992. – 44, №26. – С. 742–753.

- показано, що задача описання всіх неізоморфних розширень довільної повної абелевої p -групи з умовою мінімальності за допомогою скінченної p -групи $H \in$ дикою, якщо виконується одна з наступних умов: 1) H — нециклічна p -група, $p \neq 2$; 2) H — нециклічна 2-група порядку $|H| > 4$; 3) H — циклічна p -група порядку p^h ($h > 2$ при $p \neq 2$, $h > 3$ при $p = 2$).

Теоретична та практична цінність дисертації полягає в тому, що одержані результати узагальнюють і розширюють попередні дослідження p -груп Чернікова і можуть бути використані в теорії нескінченних груп.

Апробація роботи. Результати дисертації доповідались на Всеукраїнській науковій конференції, присвяченій 70-річчю від дня народження проф. П. Казімірського (Львів, 1995), V Міжнародній науковій конференції імені акад. М. Кравчука (Київ, 1996), а також на семінарі кафедри алгебри Ужгородського державного університету.

Публікації. По темі дисертації опубліковано 6 наукових робіт, список яких наведено в кінці автореферату.

Об'єм та структура дисертації. Робота складається із вступу, чотирьох параграфів та списку літератури із 46 найменувань. Загальний обсяг роботи — 63 сторінки.

ЗМІСТ РОБОТИ

У вступі обґрунтовано актуальність проблематики дисертації, наводиться короткий огляд робіт за темою дисертації, характеризується зміст роботи.

§1 носить допоміжний характер. Тут приведені деякі відомості з теорії розширень груп, доводиться ряд лем та теорем, що стосуються ізоморфізму розширень повних абелевих p -груп з умовою мінімальності.

§2 присвячений описанню розширень довільної повної абелевої p -групи з умовою мінімальності за допомогою циклічної p -групи.

Нехай $C_{p^\infty}^{(n)}$ — зовнішня пряма сума n екземплярів квазіциклічної p -групи

$$C_{p^\infty} = \langle a_k \mid a_0 = 0, pa_k = a_{k-1}, k \in \mathbb{N} \rangle.$$

Добре відомо, що розширення групи $C_{p^\infty}^{(n)}$ за допомогою циклічної групи H визначається деяким матричним \mathbb{Z}_p -зображенням Γ степеня n групи H та деяким елементом $m \in C_{p^\infty}^{(n)}$. Позначимо таке циклічне розширення через $G(C_{p^\infty}^{(n)}, H, \Gamma, m)$, або коротко $G(\Gamma, m)$.

Нехай $H = \langle a \rangle$ — циклічна p -група порядку p^h , $h \geq 1$, і ε — первісний корінь степеня p^{s_1} із 1 , $0 \leq s_1 \leq h$. Для довільного елемента θ кільця $\mathbb{Z}_p[\varepsilon]$ через $\tilde{\theta}$ позначимо матрицю, яка відповідає оператору множення на θ в \mathbb{Z}_p -базисі $1, \varepsilon, \dots, \varepsilon^{q-1}$ кільця $\mathbb{Z}_p[\varepsilon]$ ($q = \varphi(p^{s_1})$, φ — функція Ейлера). Тоді довільне незвідне \mathbb{Z}_p -зображення групи $H = \langle a \rangle$ \mathbb{Z}_p -еквівалентне зображенню вигляду $a \rightarrow \tilde{\varepsilon}$ ($0 \leq s_1 \leq h$). В силу [2] нерозкладне \mathbb{Z}_p -зображення групи H з двома незвідними компонентами $a \rightarrow \tilde{\varepsilon}$ і $a \rightarrow \tilde{\xi}$ (ξ — первісний корінь степеня p^{s_2} з 1 , $0 \leq s_1 < s_2 \leq h$) \mathbb{Z}_p -еквівалентне зображенню вигляду

$$a \rightarrow \begin{pmatrix} \tilde{\xi} & \langle \delta \rangle \\ 0 & \tilde{\varepsilon} \end{pmatrix},$$

²Берман С. Д., Гудивок П. М. Неразложимые представления конечных групп над кольцом целых p -адических чисел // Изв. АН СССР. Сер. матем. — 1964. — 28, №4. — С. 875–910.

де $\langle \delta \rangle$ — \mathbb{Z}_p -матриця, у якій всі стовпці крім останнього нульові, а останній складається з координат елемента $\delta \in \mathbb{Z}_p[\xi]$ в \mathbb{Z}_p -базисі $1, \xi, \dots, \xi^{r-1}$ кільця $\mathbb{Z}_p[\xi]$ ($r = \varphi(p^{s_2})$).

Теорема 1 ([2]). *Нехай $H = \langle a \rangle$ — циклічна p -група порядку p^h , $h \geq 2$, $i \Delta_i$ ($i = 1, 2, 3$) — незвідні \mathbb{Z}_p -зображення вигляду:*

$$\Delta_1 : a \rightarrow 1, \quad \Delta_2 : a \rightarrow \tilde{\varepsilon}, \quad \Delta_3 : a \rightarrow \tilde{\xi},$$

$\xi^{p^{s_2}} = \varepsilon^{p^{s_1}} = 1$, $0 < s_1 < s_2 \leq h$. *Нерозкладні матричні \mathbb{Z}_p -зображення групи H з незвідними компонентами із множини $\{\Delta_1, \Delta_2, \Delta_3\}$ з точністю до еквівалентності вичерпуються наступними зображеннями:*

$$\begin{aligned} \Gamma_1 : a \rightarrow 1, \quad \Gamma_2 : a \rightarrow \tilde{\varepsilon}, \quad \Gamma_3 : a \rightarrow \tilde{\xi}, \\ \Gamma_4 : a \rightarrow \begin{pmatrix} \tilde{\varepsilon} & \langle 1 \rangle \\ 0 & 1 \end{pmatrix}, \quad \Gamma_5 : a \rightarrow \begin{pmatrix} \tilde{\xi} & \langle 1 \rangle \\ 0 & 1 \end{pmatrix}, \quad \Gamma_6^{(j)} : a \rightarrow \begin{pmatrix} \tilde{\xi} & \langle t^j \rangle \\ 0 & \tilde{\varepsilon} \end{pmatrix}, \\ \Gamma_7^{(j)} : a \rightarrow \begin{pmatrix} \tilde{\xi} & \langle t^j \rangle & 0 \\ 0 & \tilde{\varepsilon} & \langle 1 \rangle \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \quad \Gamma_8^{(j)} : a \rightarrow \begin{pmatrix} \tilde{\xi} & \langle t^j \rangle & \langle 1 \rangle \\ 0 & \tilde{\varepsilon} & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \\ \Gamma_9 : a \rightarrow \begin{pmatrix} \tilde{\xi} & 0 & \langle 1 \rangle \\ 0 & \tilde{\varepsilon} & \langle 1 \rangle \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \quad \Gamma_{10}^{(i)} : a \rightarrow \begin{pmatrix} \tilde{\xi} & \langle t^i \rangle & 0 & \langle 1 \rangle \\ 0 & \tilde{\varepsilon} & \langle 1 \rangle & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \end{aligned}$$

де $t = \xi - 1$; $j = 0, 1, \dots, \varphi(p^{s_1}) - 1$; $i = 1, 2, \dots, \varphi(p^{s_1}) - 1$, причому $\Gamma_{10}^{(i)}$ відсутнє, якщо $p^{s_1} = 2$.

Припустимо тепер, що деяке \mathbb{Z}_p -зображення Γ степеня n групи $H = \langle a \rangle$ представляється у вигляді

$$\Gamma = \Gamma'_1 + \dots + \Gamma'_k,$$

де Γ'_i — деяке \mathbb{Z}_p -зображення групи H ($i = 1, 2, \dots, k$). Тоді в розширенні $G(C_{p^\infty}^{(n)}, H, \Gamma, t)$ H -модуль $C_{p^\infty}^{(n)}$ має вигляд

$$C_{p^\infty}^{(n)} = W_1 \dot{+} \dots \dot{+} W_k,$$

де W_i — H -модуль, який відповідає зображенню Γ'_i . Тому розширення $G(\Gamma, m) = G(C_{p^\infty}^{(n)}, H, \Gamma, m)$ можна записувати також у вигляді

$$G(\Gamma'_1 + \cdots + \Gamma'_k, (m'_1, \dots, m'_k)),$$

де $m'_i \in W_i$ ($i = 1, 2, \dots, k$).

Нехай надалі $H = \langle a \rangle$ — циклічна p -група порядку p^h , $h \geq 2$; ε , ξ — первісні корені степенів p^{s_1} , p^{s_2} ($0 < s_1 < s_2 \leq h$), відповідно; \mathfrak{S}_n — множина всіх нееквівалентних матричних \mathbb{Z}_p -зображень степеня n групи H , що містять незвідні компоненти із множини $\{a \rightarrow 1, a \rightarrow \tilde{\varepsilon}, a \rightarrow \tilde{\xi}\}$; $\Phi_{p^k}(x)$ — поліном ділення круга порядку p^k і

$$\Phi_{p^{s_1}}(x) = -\alpha_1 - \alpha_2 x - \cdots - \alpha_q x^{q-1} + x^q \quad (\alpha_i \in \{0, -1\}, i = 1, \dots, q),$$

$$\Phi_{p^{s_2}}(x) = -\beta_1 - \beta_2 x - \cdots - \beta_r x^{r-1} + x^r \quad (\beta_i \in \{0, -1\}, i = 1, \dots, r);$$

$$(\xi - 1)^i = \gamma_0^{(i)} + \gamma_1^{(i)} \xi + \cdots + \gamma_{r-1}^{(i)} \xi^{r-1} \quad (\gamma_k^{(i)} \in \mathbb{Z}_p, k = 0, \dots, r-1).$$

Введемо наступні позначення:

$$m_2 = (\alpha_1 a_0, (\alpha_1 + \alpha_2) a_0, \dots, (\alpha_1 + \alpha_2 + \cdots + \alpha_{q-1}) a_0, a_0) \in C_{p^\infty}^{(q)};$$

$$m_3 = (\beta_1 a_0, (\beta_1 + \beta_2) a_0, \dots, (\beta_1 + \beta_2 + \cdots + \beta_{r-1}) a_0, a_0) \in C_{p^\infty}^{(r)};$$

$$m_4 = (a_0 + \beta_1 a_1, a_0 + (\beta_1 + \beta_2) a_1, \dots, a_0 + (\beta_1 + \beta_2 + \cdots + \beta_{r-1}) a_1, a_1, m_2) \in C_{p^\infty}^{(q+r)};$$

$$m_5 = (m_3, 0) \in C_{p^\infty}^{(q+r)};$$

$$m_6^{(j)} = (\gamma_0^{(j)} a_0, (\gamma_0^{(j)} + \gamma_1^{(j)}) a_0, \dots, (\gamma_0^{(j)} + \gamma_1^{(j)} + \cdots + \gamma_{r-2}^{(j)}) a_0, 0, m_2) \in C_{p^\infty}^{(q+r)}, \quad j = 1, 2, \dots, q-1;$$

$$m_7 = (m_3, 0) \in C_{p^\infty}^{(q+r+1)};$$

$$m_8 = (0, m_2, -a_0) \in C_{p^\infty}^{(q+r+1)};$$

$$m_8^{(j)} = (m_6^{(j)}, 0) \in C_{p^\infty}^{(q+r+1)}, \quad j = 1, 2, \dots, q-1;$$

$$m_9 = (m_3, 0) \in C_{p^\infty}^{(q+r+1)}.$$

Теорема 2. *Всі неізоморфні розширення групи $C_{p^\infty}^{(n)}$ за допомогою групи H , що визначаються \mathbb{Z}_p -зображеннями із множини \mathfrak{S}_n , вичерпуються наступними групами :*

- 1) $G(\Gamma, 0)$ ($\Gamma \in \mathfrak{S}_n$);
- 2) $G(\Gamma_2 + \Gamma, (m_2, 0))$ ($\Gamma \in \mathfrak{S}_{n-q}$), якщо $n \geq q$;
- 3) $G(\Gamma_3 + \Gamma, (m_3, 0))$ ($\Gamma \in \mathfrak{S}_{n-r}$), якщо $n \geq r$;
- 4) $G(\Gamma_6^{(0)} + \Gamma, (m_4, 0))$ ($\Gamma \in \mathfrak{S}_{n-q-r}$), якщо $n \geq q + r$;
- 5) $G(\Gamma_6^{(j)} + \Gamma, (m_5, 0))$ ($j \in \{0, 1, \dots, q-1\}$, $\Gamma \in \mathfrak{S}_{n-q-r}$),
якщо $n \geq q + r$;
- 6) $G(\Gamma_6^{(j)} + \Gamma, (m_6^{(j)}, 0))$ ($j \in \{1, 2, \dots, q-1\}$, $\Gamma \in \mathfrak{S}_{n-q-r}$),
якщо $n \geq q + r$;
- 7) $G(\Gamma_7^{(j)} + \Gamma, (m_7, 0))$ ($j \in \{1, 2, \dots, q-1\}$, $\Gamma \in \mathfrak{S}_{n-q-r-1}$),
якщо $n \geq q + r + 1$;
- 8) $G(\Gamma_8^{(0)} + \Gamma, (m_8, 0))$ ($\Gamma \in \mathfrak{S}_{n-q-r-1}$), якщо $n \geq q + r + 1$;
- 9) $G(\Gamma_8^{(j)} + \Gamma, (m_8^{(j)}, 0))$ ($j \in \{1, 2, \dots, q-1\}$, $\Gamma \in \mathfrak{S}_{n-q-r-1}$),
якщо $n \geq q + r + 1$;
- 10) $G(\Gamma_9 + \Gamma, (m_9, 0))$ ($\Gamma \in \mathfrak{S}_{n-q-r-1}$), якщо $n \geq q + r + 1$;
- 11) $G(\Gamma_2 + \Gamma_3 + \Gamma, (m_2, m_3, 0))$ ($\Gamma \in \mathfrak{S}_{n-q-r}$), якщо $n \geq q + r$,

де $\mathfrak{S}_0 = \emptyset$.

Звідси випливає описання всіх неізоморфних p -груп Чернікова, фактор-група яких за максимальною повною абелевою підгрупою є циклічною групою порядку p^s , $s \leq 2$. Відмітимо, що випадок $s = 1$ був розглянутий в [1].

В §3, використовуючи описані Л. О. Назаровою³ нееквівалентні нерозкладні матричні цілочислові 2-адичні зображення абелевої групи H_0 типу $(2, 2)$, дано класифікацію всіх нееквівалентних розширень довільної повної абелевої 2-групи з умовою мінімальності за допомогою групи H_0 . Отримано критерій розщеплюваності таких розширень.

Теорема 3. *Нехай $H_0 = \langle a, b \rangle$ — група типу $(2, 2)$, Γ — довільне \mathbb{Z}_2 -зображення групи H_0 , $\mathfrak{S} = \{\Delta_1^{(1)}, \Delta_1^{(2)}, \Delta_i \mid i = 2, \dots, 7, 8\}$ — множина \mathbb{Z}_2 -зображень групи H_0 вигляду:*

$$\Delta_1^{(n)}: a \rightarrow \begin{pmatrix} E_n & 0 & 0 & E_n \\ 0 & -E_n & A_n & 0 \\ 0 & 0 & E_{n+1} & 0 \\ 0 & 0 & 0 & -E_n \end{pmatrix}, b \rightarrow \begin{pmatrix} -E_n & 0 & -B_n & 0 \\ 0 & E_n & 0 & -E_n \\ 0 & 0 & E_{n+1} & 0 \\ 0 & 0 & 0 & -E_n \end{pmatrix};$$

$$\Delta_2: a \rightarrow F, b \rightarrow E_2; \quad \Delta_3: a \rightarrow E_2, b \rightarrow F; \quad \Delta_4: a \rightarrow F, b \rightarrow F;$$

$$\Delta_5: a \rightarrow \begin{pmatrix} -1 & 0 & 0 & -A_1 \\ 0 & E_2 & -E_2 & 0 \\ 0 & 0 & -E_2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & E_2 \end{pmatrix}, b \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & B_1 & 0 \\ 0 & -E_2 & 0 & E_2 \\ 0 & 0 & -E_2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & E_2 \end{pmatrix};$$

$$\Delta_6: a \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & A_1 \\ 0 & -E_2 & E_2 & 0 \\ 0 & 0 & E_2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & -E_2 \end{pmatrix}, b \rightarrow \begin{pmatrix} -1 & 0 & -B_1 & 0 \\ 0 & E_2 & 0 & -E_2 \\ 0 & 0 & E_2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & -E_2 \end{pmatrix};$$

$$\Delta_7: a \rightarrow \begin{pmatrix} -1 & 0 & 0 & -A_1 \\ 0 & E_2 & -E_2 & 0 \\ 0 & 0 & -E_2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & E_2 \end{pmatrix}, b \rightarrow \begin{pmatrix} -1 & 0 & -B_1 & 0 \\ 0 & E_2 & 0 & -E_2 \\ 0 & 0 & E_2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & -E_2 \end{pmatrix};$$

³ Назарова Л. А. Целочисленные представления четверной группы // Докл. АН СССР. — 1961. — **140**, №5. — С. 1011–1014.

$$\Delta_8 : a \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & -1 \end{pmatrix}, \quad b \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & -1 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & -1 & -1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix},$$

де

$$A_1 = \begin{pmatrix} 0 & 1 \end{pmatrix}, \quad B_1 = \begin{pmatrix} 1 & 0 \end{pmatrix},$$

$$A_2 = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \quad B_2 = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \end{pmatrix}, \quad F = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 0 & -1 \end{pmatrix},$$

E_n — одинична матриця порядку n , $n \in \{1, 2\}$. Довільне розширення повної абелевої 2-групи з умовою мінімальності за допомогою групи H_0 , що визначається зображенням Γ , розщеплюване тоді і тільки тоді, коли зображення Γ еквівалентне над \mathbb{Z}_2 зображенню Δ групи H_0 вигляду

$$\Delta = n_1 \Delta'_1 + n_2 \Delta'_2 + \dots + n_r \Delta'_r, \quad n_i \in \mathbb{N} \ (i = 1, \dots, r),$$

де $\Delta'_i \in \mathfrak{S}$, $i = 1, \dots, r$.

В §4 розв'язується питання дикості задачі описання з точністю до ізоморфізму всіх неізоморфних розширень довільної повної абелевої r -групи з умовою мінімальності за допомогою скінченної r -групи H . Доведена наступна теорема.

Теорема 4. *Описання всіх неізоморфних розширень довільної повної абелевої r -групи з умовою мінімальності за допомогою скінченної r -групи H є дикою задачею, якщо виконується одна з наступних умов: 1) H — нециклічна r -група, $r \neq 2$; 2) H — нециклічна 2-група порядку $|H| > 4$; 3) H — циклічна r -група порядку r^h ($h > 2$ при $r \neq 2$, $h > 3$ при $r = 2$).*

Користуючись нагодою, автор висловлює щирю подяку своєму науковому керівнику професору Гудивку Петру Михайловичу за постійну увагу до роботи, цінні поради та зауваження.

РОБОТИ АВТОРА ЗА ТЕМОЮ ДИСЕРТАЦІЇ

1. *Гудивок П. М., Шапочка І. В.* О расширениях абелевых p -групп // Доп. НАН України. – 1995. – №2. – С. 8–9.
2. *Шапочка І. В.* Про класифікацію p -груп Чернікова. – Київ, 1995. – 15 с. – Деп. в ДНТБ України 17.07.1995, №581-Ук 95.
3. *Шапочка І. В.* Про черніковські p -групи // Підсумкова наукова конференція професорсько-викладацького складу математичного факультету Ужгородського державного університету: Тези допов. конф. (Ужгород, 9–10 лют. 1995 р.) – Ужгород, 1995. – С. 9.
4. *Гудивок П. М., Шапочка І. В.* Про p -групи Чернікова // Всеукраїнська наукова конференція „Розробка та застосування математичних методів в науково-технічних дослідженнях“, присвячена 70-річчю від дня народження П. С. Казімірського: Тези допов. конф. (Львів, 5–7 жовт. 1995 р.) – Львів, 1995. – Ч. 1. – С. 21.
5. *Шапочка І. В.* Про розширення довільної повної абелевої 2-групи з умовою мінімальності за допомогою групи типу $(2,2)$. – Київ, 1996. – 15 с. – Деп. в ДНТБ України 14.05.1996, №1159-Ук 96.
6. *Шапочка І. В.* Про розширення повної абелевої 2-групи з умовою мінімальності за допомогою групи типу $(2,2)$ // П'ята Міжнародна наукова конференція ім. акад. М. Кравчука: Тези допов. конф. (Київ, 16–18 трав. 1996 р.) – Київ, 1996. – С. 491.

Ключові слова: p -група Чернікова, розширення повної абелевої групи з умовою мінімальності, цілочислове p -адичне зображення скінченної групи.

Шапочка И. В., О p -группах Черникова. Рукопись. Диссертация на соискание ученой степени кандидата физико-математических наук по специальности 01.01.06 — алгебра и теория чисел. Киевский университет имени Тараса Шевченко, Киев, 1996.

В диссертации исследуются расширения полных абелевых p -групп с условием минимальности с помощью конечной p -группы H . Устанавливается, когда задача описания всех таких неизоморфных расширений является дикой. Описаны все неизоморфные p -группы Черникова, фактор-группа которых по максимальной полной абелевой подгруппе является циклической группой порядка p^s , $s \leq 2$. Классифицированы все неэквивалентные расширения произвольной полной абелевой 2-группы с условием минимальности с помощью группы типа (2,2).

Shapochka I. V., On Chernikov p -groups. Manuscript. Thesis of the dissertation for obtaining of the degree of candidate of sciences in physics and mathematics, speciality 01.01.06 — algebra and number theory. Kyiv Taras Shevchenko University, Kyiv, 1996.

Extensions of arbitrary divisible abelian p -groups with minimal condition by a finite p -group H are investigated in the dissertation. It has been revealed, when the problem of description of all such non-isomorphic extensions, is wild. All non-isomorphic Chernikov p -groups G , which contains maximal divisible abelian subgroup M , for which a quotient G/M is cyclic group of order p^s , $s \leq 2$, are described. All non-equivalent extensions of an arbitrary divisible abelian 2-group with minimal condition by the group of type (2,2) are classified.

ШАПОЧКА Ігор Валерійович

ПРО p -ГРУПИ ЧЕРНІКОВА

А В Т О Р Е Ф Е Р А Т

дисертації на здобуття наукового ступеня
кандидата фізико-математичних наук

Формат $60 \times 84/16$. Папір друкарський.
Замовлення №1. Наклад 100 прим.

ТОВ „ТрансКом“.
88017, м. Ужгород, вул. Університетська, 21/506.